

برمجة الالعب باستخدام الـ *DirectX* و

C++

الجزء الأول

2007

Mohammed alaa

هذه النسخة غير منقحة

و قد توجد بها أخطاء

لماذا تلك الكورسات أفضل من غيرها ؟

برمجة الألعاب تجمع بين ثنائياتها مجموعة من العلوم الأخرى و التى لابد و أن تستوعبها جيداً قبل البدء فى كتابة الكود. و هذا لا يحدث مع الاغلبية العظمى من المبرمجين الذين يطمحون فى دخول ذلك المجال. فتجد أنهم يبدؤا التعلم بأسلوب الممارسة، فيقوم هذا الشخص بالبحث عن أكواد و يبدأ فى فهمها ثم ينتقل لكود آخر و هكذا. و حيث أن هذا الأسلوب ينفذ و لكن و بالرغم أنه يأخذ قدر كبير من الوقت و المجهود لفهم أكواد قد تكون غير مرتبة أو بها اخطاء إلا أيضاً انه قد تؤدي لهذا الشخص لكرهية ذلك المجال لعدم فهمه لمجموعة من الأكواد!

الكورسات التى أقوم بتقديمها مرتبة بحيث أن اخر مرحلة نقوم بها هيا كتابة الأكواد، و لعدم الفهم الخاطئ لابد منك أن تعرف ما هى تلك المراحل (يتم تطبيق تلك المراحل على كل كورس على حدى):

1. نبدأ فى معرفة ما العلم المتعلق بالكورس و شرحه شرحاً وافياً من جميع الجهات كنظريات و مفاهيم و علاقتها بالألعاب.

2. الخطوة الثانية هى البدء فى تطبيق هذا العلم باستخدام معادلات رياضياً و شرح كيفية استخدام تلك المعادلات (و كيف تستطيع تطويرها لتناسب إستخداماتك).

3. البدء فى تطبيق ما عرفنا من الخطوتين الأولى و الثانية داخل لغة برمجية معينة (داخل تلك الكورسات سنستخدم لغة الـ C++).

4. مشروع عملى تطبيقى على الخطوات الثلاثة السابقة.

كما تلاحظ فإنه عند وصولك للمرحلة الثالثة سيكون لديك القدرة فى تطبيق ما عرفتته باستخدام اللغة التى تفضلها، لأنك حينها ستكون لديك ما يؤهلك لذلك و سيكون لديك ما يجعلك تستطيع فيما بعد أن تطور نفسك بنفسك. لأنه حينها ستكون لديك مفاهيم و معارف أساسية.

لإى أستفسار أو معلومات عن الكورسات أرجو مراسلتى على :

Mohammed-alaa@hotmail.com

Mohammed1985@gmail.com

الدرس الأول : مبادئ الرسومات ثلاثية الأبعاد الجزء الأول

3D Graphics Fundamentals Part1

إسم الفصل : الفصل الأول (الصفحات من 1 - 45)

أهداف هذا الدرس :

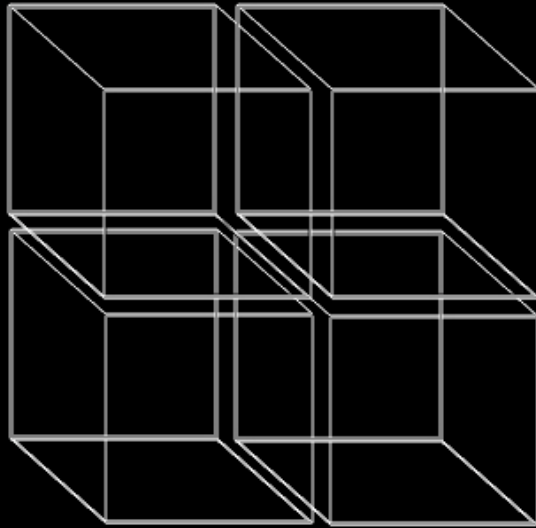
نبدأ بالقارئ في هذا الدرس بشرح الدوال الرياضية الأساسية لتصنيع الألعاب ثلاثية الأبعاد ، في البداية سنتكلم عن الكائنات ثلاثية الأبعاد **3D Objects** المستخدمة في صناعة الألعاب و الممثلة في الألعاب بشكل هندسي متعدد الأضلاع **Polygonal Geometric** وكيف ترسم بشكلها النهائي على شاشة الكمبيوتر ، من الهام جدا ان يستوعب الدارس المعادلات الرياضية الخاصة بعمليات التحويل للأشكال الثلاثية الأبعاد إلى أشكال ثنائية الأبعاد لكي يتم رسمها على الشاشة ، و من هذا المنطلق ننظر لتلك الأشكال المتعددة الأضلاع بشكل أعمق لنعرف كيف تتم عملية تحويل تلك الأشكال لترى على الشاشة بنفس الأسلوب التي ترى به وقت تصميمها أى ترى على الشاشة بشكل 2D دون ان تفقد شكلها الـ 3D ، و هذه الجزئية من الدرس تتضمن شرح إعادة تحجيم الكائنات **Scaling** و تدويرها **Rotation** و مفاهيم أساسية عن التنقل بين نظم الإحداثيات المختلفة مع إعادة رسم تلك الكائنات مرة أخرى على الشاشة بنفس الإحداثيات فى النظم الإحداثية المختلفة.

العناصر الرئيسية فى هذا الدرس :

- الأشكال الهندسية متعددة الأضلاع
 - o نظم الإحداثيات ثنائية و ثلاثية الأبعاد **2D/3D Coordinate Systems**
 - o المجسمات المعقدة **Mesches**
 - رؤس المجسمات الثلاثية الأبعاد **Vertices**
 - ترتيب الرؤوس **Winding Order**
- نظم التحويلات بشكل متقدم **The Transformation Pipeline**
 - o نقل الإحداثيات **Translation**
 - o تدوير المجسمات **Rotation**
 - o منظور التحويلات **Viewing Transformations**
 - o الرؤية من منظور طبيعى **Perspective Projection**
 - o الرسم فى نظام إحداثيات الشاشة **Screen Space Mapping**

مشاريع مطلوبة لهذا الدرس : لا يوجد
أسئلة / اختبارات : لا يوجد
عدد ساعات الدراسة : من 5 إلى 7 ساعات

الفصل الأول



الفهرس

العناصر الرئيسية
الأشكال الهندسية متعددة الأضلاع Geometric Modeling
المجسمات ثنائية الأبعاد Geometry in Two Dimensions
المجسمات ثلاثية الأبعاد Geometry in Three Dimensions
إنشاء أول مجسم Creating Our First Mesh
رؤوس المجسمات Vertices
ترتيب الرؤوس على الشاشة Winding Order
التحويلات Transformations
الرؤية من منظور طبيعي Perspective Projection
الرسم داخل إحداثيات الشاشة Screen Space Mapping
رسم المجسمات الأولية باستخدام الكود الوهمي Draw Primitive Pseudo-code
المتجهات Vectors
طول المتجهات Vector Magnitude
جمع و طرح المتجهات Vector Addition and Subtraction
ضرب المتجهات العددية Vector Scalar Multiplication
وحدة المتجهات Unit Vectors
مضروب المصفوفات التربيعية The Cross Product
المماسات Normals
المضروب العددي The Dot Product
الإنزلاق Planes
المصفوفات Matrices
ضرب المصفوفات فى المصفوفات Matrix/Matrix Multiplication
ضرب المصفوفات فى المتجهات Matrix/Vector Multiplication
تدوير المصفوفات الثلاثية الأبعاد 3D Matrix Rotation
تعريف المصفوفات Identity Matrices
إعادة تحجيم و الحصول على قيمة المصفوفات Scaling and Shearing Matrices
دمج المصفوفات Matrix Concatenation
نظم الإحداثيات المتشابهة Homogeneous Coordinates
مجموع الأعداد الحقيقية و الكميات المتجهة Quaternions
الكائن D3DX
الكائن D3DXMATRIX
الكائن D3DXVECTOR3
الكائن D3DXPLANE
الكائن D3DXQUATRNION
دوال الكائن D3DX
التحويلات بشكل متقدم The Transformation Pipeline
المصفوفة الكلية The World Matrix
المصفوفة المحدودة The View Matrix
مصفوفة الرؤية من منظور طبيعي The Perspective Projection Matrix
الرؤية الحرة Arbitrary FOV
نسبة عرض الصورة التليفزيونية إلى طولها Aspect Ratio
خاتمة Conclusion

الدرس الأول

رقم الصفحة	العناصر الرئيسية
3	الأشكال الهندسية متعددة الأضلاع Geometric Modeling
5	المجسمات ثنائية الأبعاد Geometry in Two Dimensions
8	المجسمات ثلاثية الأبعاد Geometry in Three Dimensions
11	إنشاء أول مجسم Creating Our First Mesh
14	رؤوس المجسمات Vertices
15	ترتيب الرؤوس على الشاشة Winding Order
17	التحويلات Transformations
28	الرؤية من منظور طبيعي Perspective Projection
34	الرسم داخل إحداثيات الشاشة Screen Space Mapping
35	رسم المجسمات الأولية باستخدام الكود المنطقي Draw Primitive Pseudo-code

الألعاب التى تستخدم الرسومات الـ 3D غالبا ما تستخدم مجموعة كبيرة من الملفات التى تستخدم فى كتابة الكود و التى تقوم بمجموعة من المهام مثل :

١. التعامل مع مدخلات المستخدم .
٢. تنظيم موارد النظام .
٣. تحميل الرسومات الـ 3D و إظهارها على الشاشة .
٤. ترجمة و تنفيذ الـ Scripts .
٥. تشغيل المؤثرات الصوتية .
٦. الذكاء الاصطناعى .

ملفات الأكواد هذه بالإضافة إلى العديد و العديد الآخرين يطلق عليهم مصطلح **محرك اللعبة Game Engine** ، أحد مهام محرك الألعاب و التى سوف يتم التركيز عليها بشكل قوى جداً فى هذا الكورس يطلق عليه **محرك الإكساء Rendering Engine** و يطلق عليه أسم آخر و هو **Renderer** ، و وظيفة محرك الإكساء تتلخص فى أخذ المعادلات الرياضية الخاصة بالعالم الخيالى الثلاثى الأبعاد و أظهاره فى شكل صور ثنائية الأبعاد ليتم إظهارها على الشاشة .

بعض المبرمجين المبتدئين فى عالم برمجة الجرافيكس يبدأوا مباشرة بدراسة الـ **DirectX API** الخاصة بالـ 3D بدون أى معرفة بسيطة بما تفعله هذه الـ **API** فى الخفاء ، و لذلك غالباً ما يسبب ذلك أخطاء جسيمة و غير متوقعة و طبعاً تستهلك من المبرمج وقت طويل فى تتبع الأخطاء و أكتشافها و تصليحها .

برمجة الرسومات الثلاثية الأبعاد تتضمن قدر كبير من الرياضيات ، بدون معرفة تلك الرياضيات بشكل قوى لن تستطيع و لن يكون لديك القدرة فى التعامل معها او اظهار كافة إمكانيات تلك الـ **API** .

و من هذا المنطلق ، فمن الخطأ كل الخطأ أن نبدأ فى دراسة برمجة الرسومات الثلاثية الأبعاد بدون تعلم مبادئ الرياضيات الخاصة بها ، لذا سنبدأ فى هذا الدرس فى دراسة تلك الرياضيات بالإضافة إلى بعض المفاهيم الخاصة بالرسومات الثلاثية الأبعاد .

فى هذا الفصل سوف نقوم بتصميم مشروع واحد فقط و الهدف منه هو تطبيق المعادلات الرياضية الخاصة بالـ 3D .

لأولئك الذين لديهم خلفية سابقة عن تلك الرياضيات ، نرجو أن لا تقوموا بتخطى هذا الدرس و إنما قرائته من باب التذكير و إنعاش الذاكرة .

خلال تصنيع و برمجة لعبة ثلاثية الأبعاد الرسامين و مصممي الجرافيك سيقومون بتصنيع مجسمات باستخدام برامج قوية مثل **GILES** , **3D Studio Max** , **Maya** .

تلك المجسمات ستستخدم و تحمل داخل العالم التخيلي للعبة ، فإذا أردت مثلاً ان تصمم لعبة تحاكي الشارع الذي تعيش فيه ، سيقوم مصممي الجرافيك بتصنيع مجسمات عديدة للمنازل و أيضاً الشوارع و حتى الرصيف الذي نمشي عليه ، بعدها سيقوموا بتصميم مجموعة مختلفة من المجسمات مثل مثل أعمدة الإنارة و الفوانيس التي تنير امام المنازل و السيارات و حتى الأشخاص ، هذه المجسمات سوف يتم تحميلها و إدخالها للعالم التخيلي للعبة حيث ان كل مجسم سوف يأخذ مكان و إحداثيات .

المجسمات غير المعقدة يمكن انشائها برمجياً باستخدام معادلات و أساليب رياضية بسيطة ، و هذه هي الطريقة التي سنتبعها في البداية مع الأمثلة التي سنأخذها ، هذه الطريقة سوف تساعدك على فهم كيف تكون المجسمات وقت الإنشاء و كيفية تمثيلها في الذاكرة و كيف يتم إجراء العمليات عليها ، هذه الطريقة لإنشاء المجسمات تصلح فقط مع المجسمات البسيطة مثل المكعبات او الكرات أما مع المجسمات المعقدة فهذه الطريقة لن تكون إلا مضيعة لوقتك .

ملاحظة هامة : الكلمة **3D Models** – المجسمات الثلاثية الأبعاد – يطلق عليها العديد من الأسماء بعضها مشهور مثل الكلمات : **Objects** و **Models** و **Meshes** ، و لتوحيد المصطلحات سوف نستخدم المصطلح **Mesh** لنعبر عن مجسم ثلاثي الأبعاد من مجرد مكعب بسيط و حتى أعقد المجسمات .

ال **Mesh** هو مجموعة من الأسطح **Polygons** تم توصيلها معاً لتكوين شكل خارجي مفهوم و يعرف بهيئته ، كل سطح داخل ال **Mesh** يطلق عليه أسم **Face** – أي وجه – هذا الوجه يتكون من مجموعة من النقاط **Points** موجوده في نظام ثلاثي الأبعاد تم توصيلها على باستخدام مجموعة من الخطوط ، و المفروض اننا نستطيع رسم السطح الموجود بين هذه الخطوط بأساليب عديدة سنذكرها كلما تقدمنا في هذا الكورس ، على سبيل المثال البيانات المأخوذه من ملفات صور ثنائية الأبعاد يطلق عليها أسم **مكسيات Texture Maps** و تستخدم لإعطاء المجسم شكل و مظهر هذه الإكساءات انظر إلى الشكل التالي

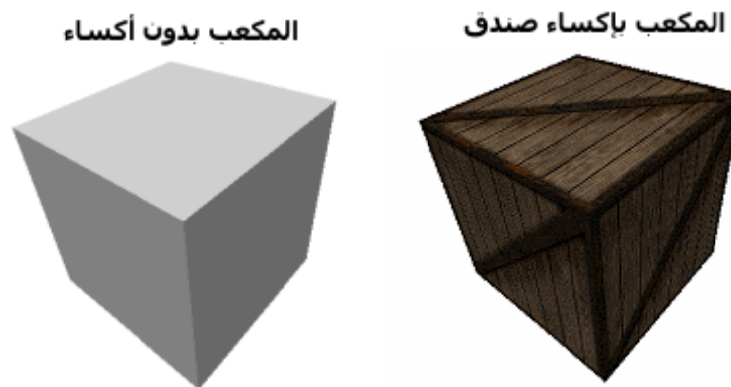


Fig 1.1

ال **Mesh** الموجود في الصورة السابقة يتكون من 6 أوجه أي يتكون من **6 Polygons** و هما الوجه الامامي **Front Face** و الوجه الخلفي **Back Face** و الوجه الأعلى **Top Face** و الوجه السفلي **Bottom Face** و الوجه الأيمن **Right Face** و الوجه الأيسر **Left Face** بالنسبة للوجه الامامي فهو طبعاً يكون بناءً على كيفية رؤيتنا للمكعب ، في الواقع المفروض أن المكعب ثلاثي الأبعاد لذا يمكننا

أن نى 3 أوجه على الأكثر فى الوقت الواحد لإن الوجوه الثلاثة الأخرى تكون على الجانب الآخر من المكعب ، الصورة التالية ستوضح مفهوم الرؤية للمكعب بشكل أوضح

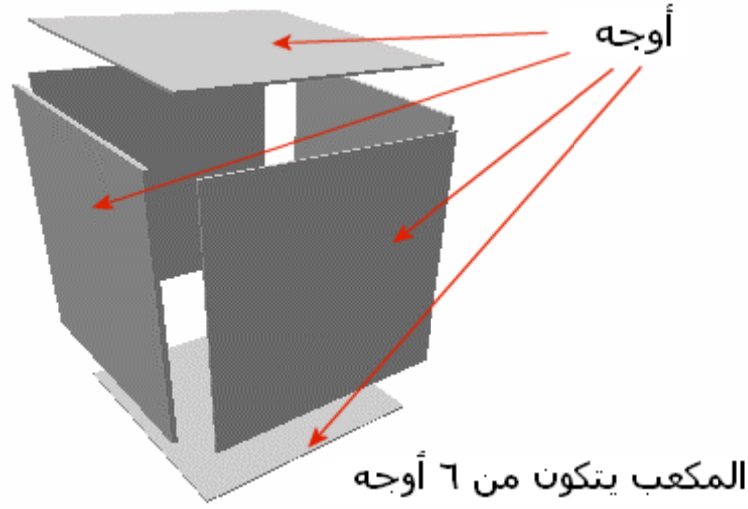


Fig 1.2

قوم بإنشاء وجه واحد **Single Polygon** ستقوم برسم مجموعة من النقاط داخل نظام إحداثى ثلاثى الأبعاد ، الشكل الحقيقى لذلك الوجه سيظهر بشكل واضح عندما نقوم بتوصيل النقاط معاً بمجموعة من الخطوط أنظر الشكل التالى

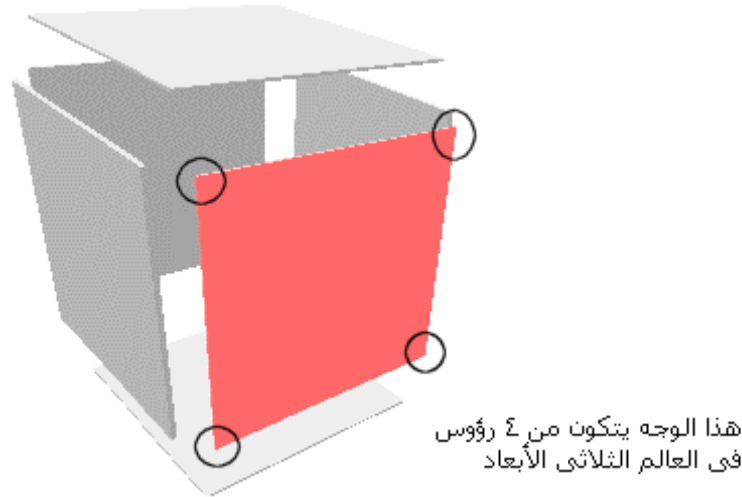


Fig 1.3

رسم النقاط داخل نظام إحداثى معين و توصيلهم بعد ذلك بمجموعة من الخطوط يمكننا من إنشاء مجسمات ، هذا الجزء يعرف فى الرياضيات بإسم هندسة المجسمات **Geometry** ، الآن سوف نبدأ فى دراسة الأشكال الهندسية فى عالم ثنائى الابعاد ثم سننتقل بعد ذلك لدراستها فى عالم ثلاثى الأبعاد .

نظم الإحداثيات **Coordinate Systems** هى إحدى خطوط الأعداد المستخدمة فى وصف العلاقات فى الفراغ .

كل خط من تلك الخطوط يسمى محور ، ففي حالتنا هذه – المقصود النظام الثنائي الأبعاد – يوجد محوران أحدهما أفقى و الآخر رأسى و يطلق عليهما X ، Y ، المحور X هو المحور الأفقى أما المحور Y هو المحور الرأسى ، هذه المحاور تأخذ قيمة تبدأ فى التزايد بدءاً من نقطة الأصل **Origin** و نقطة الأصل هى نقطة تقاطع المحورين الأفقى و الرأسى و هى نقطة خاصة جداً حيث لا يوجد فى أى نظام إحداثيات أثنان منها و هى تأخذ الإحداثى $(0, 0)$.

فى النظام الثنائي الأبعاد كل النقط التى يتم رسمها على هذا السطح تأخذ إحداثى إستناداً إلى موقع تلك النقطة على السطح بالنسبة للمحورين و يكتب هذا الإحداثى فى الصورة القادمة (X, Y) .

الشكل التالى يعطينا مثال لنظام إحداثى ثنائي الأبعاد – و هذا النظام سنقوم بمعرفته معرفة تفصيلية لاحقاً فى هذا الدرس – هذا النظام يسمى نظام إحداثيات الشاشة **Screen Coordinate System** و هو يستخدم لوصف أماكن الـ **Pixels** فى المناطق التى نراها على الشاشة ، فى الشكل التالى المحور X يبدأ من اليسار لليمين و المحور Y يبدأ من أعلى لأسفل و نقطة الأصل بالنسبة للشاشة تكون فى الركن الأعلى على اليسار .



Fig 1.4

الشكل التالى يرينا إمكانية رسم أربع نقاط على الشاشة و كيفية رسم خطوط بينهم بشكل متتابع لتكوين شكل المربع ، هذا المربع يشبه كثيراً إحدى الأسطح المستخدمة فى صنع المكعب الذى صممناه من قبل مع الفارق اننا هنا نراه من منظور ثنائي الأبعاد و ليس ثلاثة أبعاد .



Fig 1.5

لابد و أن نرسم النقاط السابقة فى شكل متتابع معروف حتى نستطيع ان نرسم الخطوط بشكل واضح ، لقد رأينا أن هناك خط رسم بين نقطتين 1 و 2 و خط آخر بين النقطتين 2 و 3 و هكذا بشكل متتابع حتى نقوم بتوصيل كل النقاط ببعضها و نكون وصلنا للنقطة رقم 1 .

نقطة هامة ألا و هى أن نظام إحداثيات الشاشة غير مفضل لتمثيل النظام الثنائى الأبعاد ، لأن المحور Y يزداد كلما تحرك لأسفل و هذا مخالف للواقع حيث التحرك لأسفل يقلل من قيمة الشئ و الارتفاع لأعلى يزداد من قيمته و ليس العكس ، و نقطة أخرى و هى ان نظام الشاشة لا يسمح بالتعامل مع الأرقام السالبة او الأعداد التى تزيد عن أبعاد الشاشة .

فى الأنظمة المتكاملة المحورين X و Y يقوموا بالتعامل مع جميع الأرقام السالبة و الموجبة و فى الإتجاهات الأربعة المختلفة بدءاً من نقطة الأصل كما فى الشكل التالى

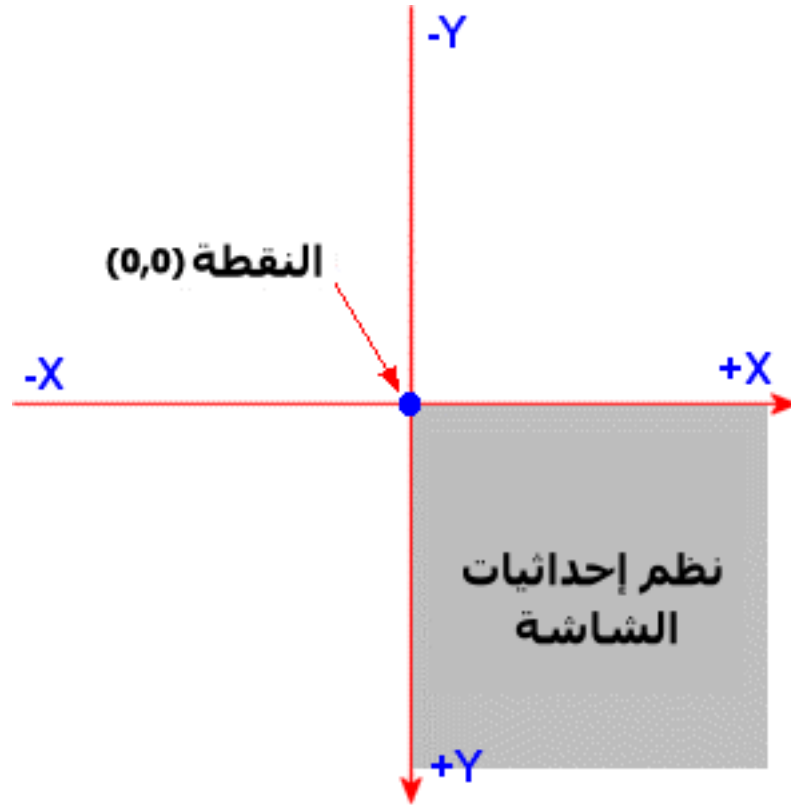


Fig 1.6

فى الشكل السابق جميع النقاط الموجودة فى داخل الربع السفلى لليمين للمحورين حيث يكونا X و Y موجباين هى الإحداثيات الصحيحة للشاشة ، الإحداثيات التى تقع فى أى من الـ ٣ مربعات الأخرى يتم تجاهلها تماماً .

نظام الإحداثيات الجديد سيقوم بتصحيح النظامين السابقين ، أولاً سيقوم بعكس اتجاه المحور Y و سيجعل الإتجاه الموجب لأعلى ، أيضاً سيدعم النظام الرقمى السالب و سيجعله لأسفل ، هذا النظام هو الأكثر انتشاراً فى التعامل مع الأنظمة الثنائية الأبعاد و يطلق عليه اسم نظام الإحداثيات الديكارتى للأشكال ثنائية الأبعاد **2D Cartesian Coordinate System** ، الشكل القادم يوضح مثال مرسوم فى النظام الديكارتى .

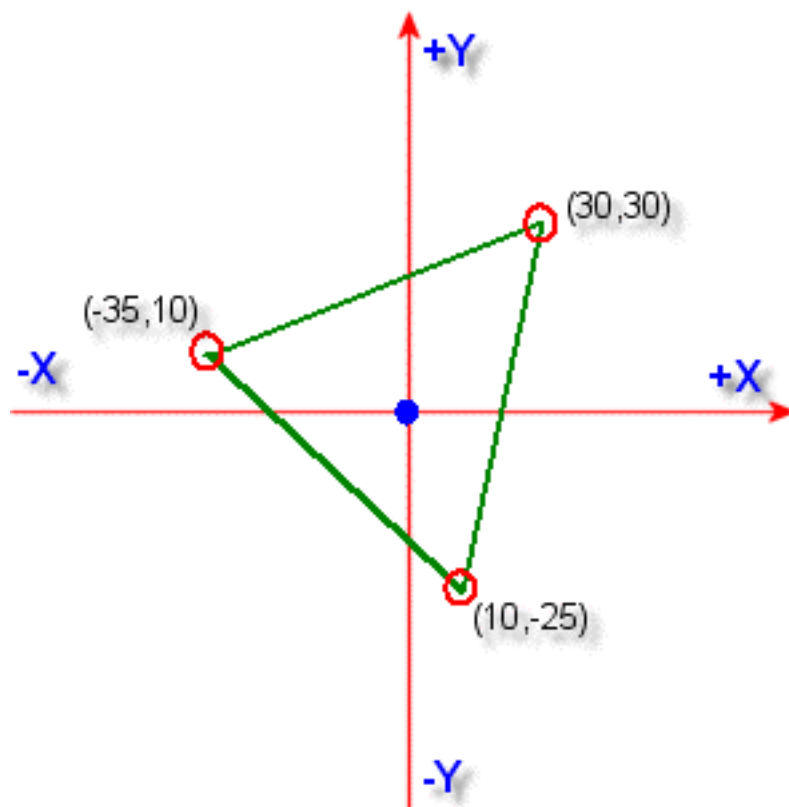


Fig 1.7

النظم الثلاثية الأبعاد تضيف البعد الذى يمثل العمق و هو المحور الثالث و يسمى Z أو Z -axis .

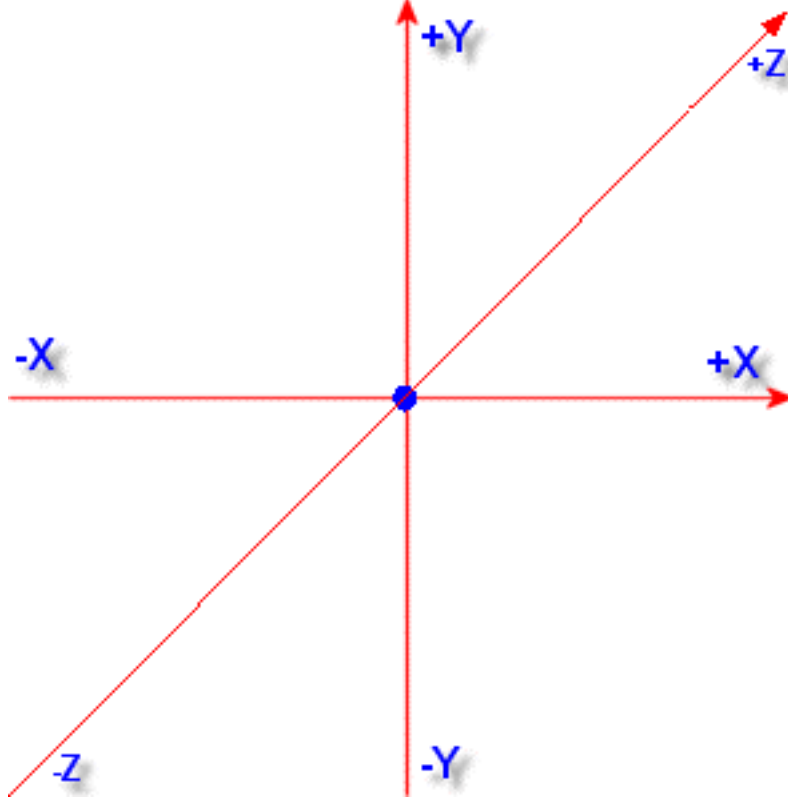


Fig 1.8

المحورين X و Y يبدو أن نقطة الأصل لذا سنقوم بإضافة المحور Z إليهما و سيكون عمودى عليهما ، و من الرسم - التالى - نجد أن كلا المحاور الثلاثة عمودى على الآخر ، هذا فعلاً مطابق للواقع تماماً حيث أن كل شئ بالإضافة إلى أن له طول و عرض له سمك أيضاً ، الصورة التالية ستوضح لك مفهوم العمق بشكل أفضل .

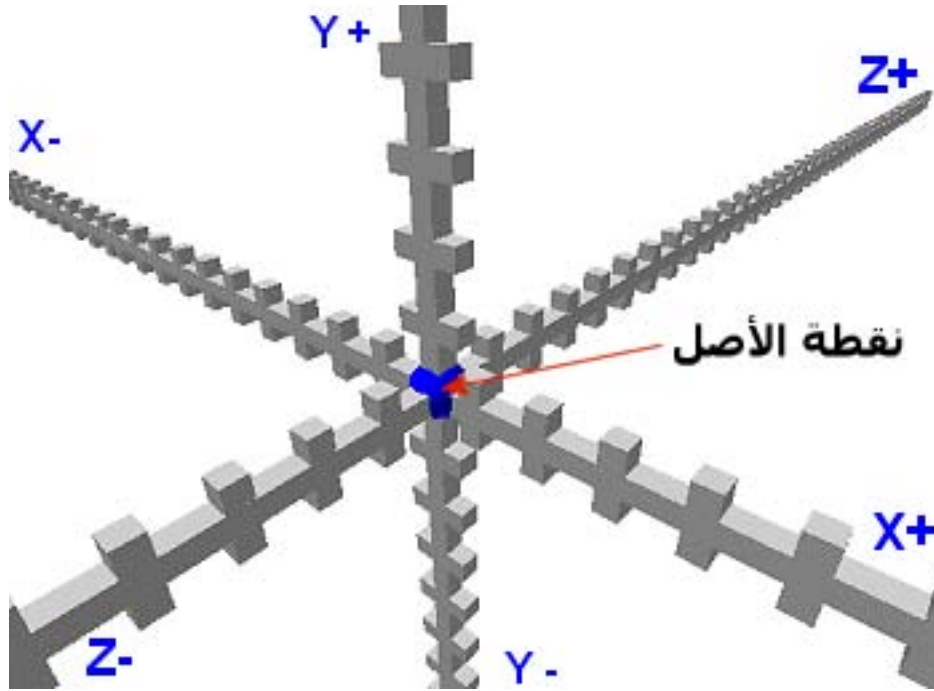


Fig 1.9

يوجد نوعين من النظام الإحداثي الديكارتي للأشكال ثلاثية الأبعاد وهما الأكثر انتشاراً و استخداماً ؛ إحداهما هو نظام اليد اليسرى – أو كما يعرف بإسم قاعدة اليد اليسرى – **Left-Handed System** و نظام اليد اليمنى – أو كما يعرف بإسم بقاعدة اليد اليمنى **Right-Handed System** ، الفرق بينهم هو الإتجاه الموجب للمحور **Z** .

في نظام اليد اليسرى المحور **Z** يزيد كلما نظرت للأمام و يقل (أى يصبح سالب) من خلفك ، في نظام اليد اليمنى يتم عكس الإتجاهين السابق ذكرهم ، بعض مكتبات الـ **3D** مثل **OpenGL** تستخدم نظام اليد اليمنى ، في حين أن مكتبات الـ **DirectX** تستخدم نظام اليد اليسرى و هى ما سنستخدمه إلى انتهاء الكورس .

نظم الإحداثيات طبقاً لقاعدتي اليد اليمنى و اليسرى

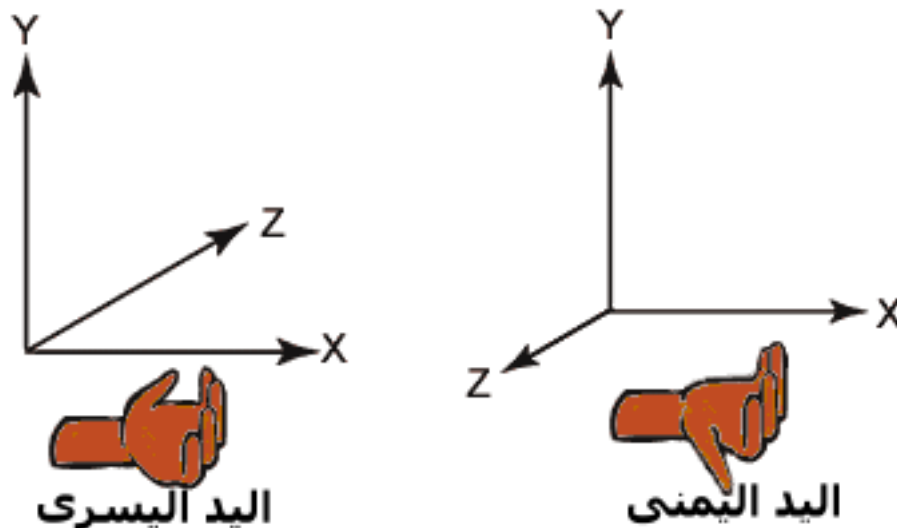


Fig 1.10

ملاحظة : لتتذكر إتجاه المحور **Z** فى النظام الذى تتبعه افعل الأتى :

١. أفرد ذراعيك الأثنين أمامك و هما يمثلوا المحور **X** .
٢. أجعل أصابعك الأربعة – الخنصر ، البصر ، الوسطى ، السبابة – مواجهة للسماء و هما يمثلوا المحور **Y** .
٣. ستجد أن أصبعك الأخير – الإبهام – قد توجه تلقائياً ليشير لإتجاه المحور **Z** و بناءً على الذراع – من حيث كونها اليد اليسرى أم اليمنى – ستعرف أى الإحداثين تستخدم .

الآن ، لنقوم برسم نقطة فى النظام الإحداثى اليسارى لابد لنا من أن نحدد 3 أماكن للنقطة المستخدمة و هذه الأماكن تحدد أحداثيات المحاور **X** و **Y** و **Z** و نعبر عن هذه الأماكن رياضياً كالتالى (**X** , **Y** , **Z**) الشكل التالى يبين النقطة (2 , 2 , 1) فى هذا النظام .

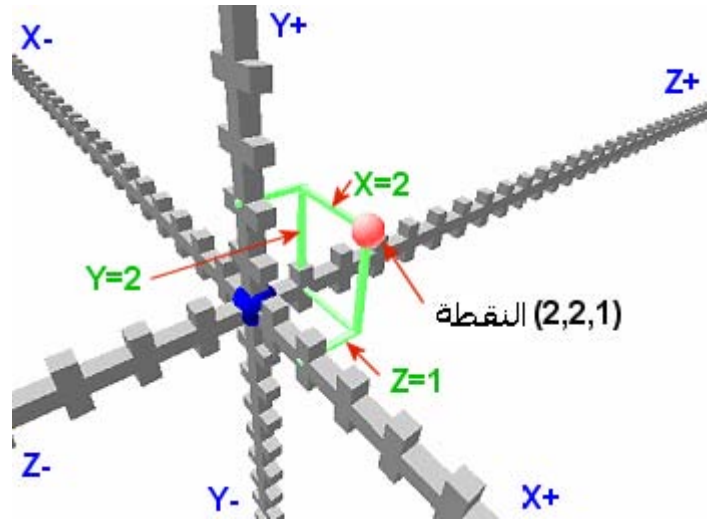


Fig 1.11

إن نظم الإحداثيات لها عدد لا نهائى من الأرقام ، و لكن بالنسبة لك فإن نظام الإحداثيات مرتبط بإرتباطاً كلياً بنوع المتغير الذى سيستخدم لحفظ أكبر رقم فى النظام الإحداثى – أى أكبر رقم على خط الأعداد للـ 3 محاور .

فمثلاً لو اخترت النوع **float** ليمثل قيم المحاور لذا من الممكن ان نعرف نقطة فى النظام الـ **3D** كالتالى (8.0 , 65.2 , 1.0056) ، و لو اخترت النوع **int** بدلاً من السابق سنجد أن النقطة سيحدد إحداثياتها أكثر من السابق كالتالى (22 , 64 , 1) .

فى أغلب محركات الإكساء يتم استخدام النوع **float** لأن النوع **int** يسبب مشاكل فى العمليات الحسابية .

الكود المستخدم فى الأغلب لتمثيل نقطة فى الفضاء الثلاثى الأبعاد يأخذ الشكل التالى :

```
struct 3DPoint
{
    float x;
    float y;
    float z;
};
```

المجسم **Mesh** : هو مجموعة من الأسطح **Polygons** ، كل سطح يخزن فى الذاكرة على شكل نقطة ثلاثية الأبعاد ممثلة بالـ **Data Type** الذى قمنا بصنعه **3D Point** .

فى حال اننا أردنا إنشاء مجسم لمكعب لابد و أن نحدد أماكن الـ 8 نقط المكونه له ، و كل سطح موجود فى المكعب مكون من 4 نقاط من هؤلاء الـ 8 .

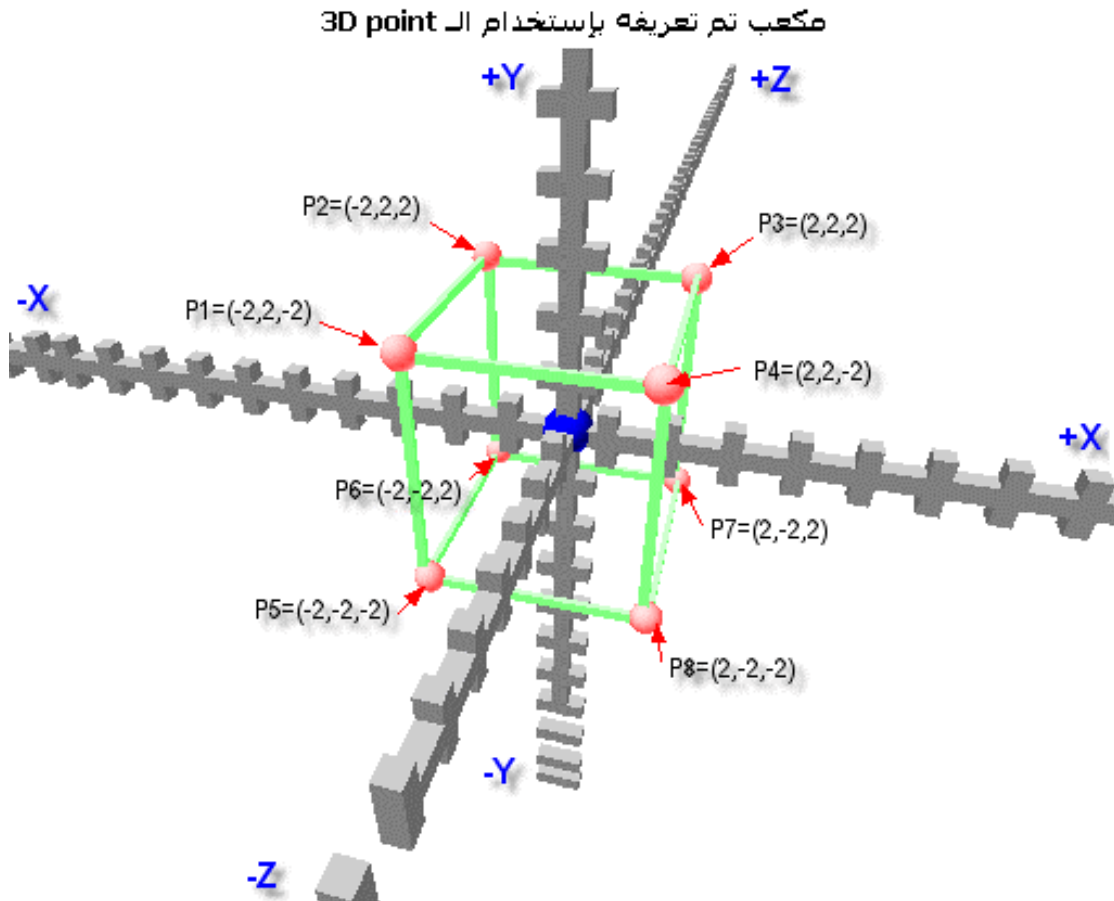


Fig 1.12

لاحظ أن مركز المكعب فى الرسم السابق موجود عند النقطة (0 , 0 , 0) و هى نفسها نقطة الأصل للنظام الإحداثى ، عندما يكون المجسم **Mesh** مركزه هو نقطة الأصل للنظام الإحداثى ، فى هذه الحالة يقال أن هذا الجسم موجود فى فضاءه الخاص **Model Space** أو **Object Local Space** .

فى فضاء المجسم الخاص ، الأحداثيات تكون فى وسط المجسم التى هى بدورها نقطة الأصل الخاصة بالنظام الإحداثى ، لاحقاً فى هذا الدرس سوف نقوم بتحويل الأحداثيات الخاصة بالمجسم من فضاءه الخاص - المساحة التى يشغلها هو فقط - إلى الفضاء الكلى - الذى يحتوى على المجسمات كلها - حيث تكون نقطة الأصل الموجودة فى نظام الإحداثيات ليست بالضرورة هى نقطة الأصل للمكعب .

ملاحظة هامة :

1. نقطة الأصل للمكعب تقع فى مركزه حيث تتقاطع أوتاره الأربعة .
2. نقطة الأصل للنظام الإحداثى تقع حيث تتقاطع المحاور الثلاثة .

٣. فى الفضاء الكلى جميع المجسمات تشترك فى نفس نظام الإحداثيات و تشترك فى نقطة أصل واحدة و هى فى هذه الحالة مركز العالم التخيلى – اللعبة .

كثيراً جداً ما نريد أن نقوم بتدوير مجسم معين حول مركزه ، على سبيل المثال ، أنك تريد أن تجعل شخصية داخل اللعبة أن تدور حول مركزها حتى تغير من إتجاهها ، سنقوم بدراسة الرياضيات الخاصة بالتدوير لاحقاً فى هذا الفصل و لكن حتى الآن تذكر أنه إذا أردت أن تدور مجسم لابد منك و أن تدوير جميع النقاط المكونه له ، على سبيل المثال لدينا مكعب و نريد تدويره بمقدار ٤٥ درجة لليمين كل ما علينا فعله هو تدوير النقاط المكونه له كلها بمقدار 45 درجة بإتجاه المحور **Y** .

عندما تدوير نقطة فى نظام إحداثى معين ، مركز التدوير لتلك النقطة يكون دائماً و أبدا هو نقطة الأصل للنظام الإحداثى .

تحديد وحدات القياس المستخدمة داخل اللعبة هو شئ يعود إلى المبرمج أولاً ثم على ما يتفق عليه مع الرسامين و مصممي الجرافيك الذين يعملون معه ، فعلى سبيل المثال ، قد تقرر ان وحدة واحدة تقابل واحد متر أى **1 Unit = 1 Meter** و بعد ذلك تطلب من مصممي الجرافيك ان يصنعوا لك مجسمات تلائم هذا الحجم حتى تطابق المواصفات التى تريدها داخل اللعبة أو أن تحدد أن وحدة واحدة تقابل واحد كيلو متر أى **1 Unit = 1 Kilometer** و بعد ذلك يصمموا لك المجسمات بناءً على المعطيات الجديدة ، لذلك فمن المهم جداً أن تعلم أنه فى حال اختيارك وحدة قياس صغيرة للمجسمات فى لعبتك قد تواجه بعد ذلك مشكلة فى التعامل مع المتغيرات التى تحمل المساحات داخل اللعبة - وهى فى الأغلب تكون من نوع **float** ، المجسم الذى تتعامل معه من الممكن ان تكون ابعاده هى $4 * 4 * 4$ مثل المكعب الذى تعاملنا معه سابقاً او حتى $100 * 100 * 100$ و كون مثل السابق تماماً من منظور الشخص الذى يتعامل مع لعبتك ، لأنها تعتمد على برمجتك لها مثل السرعة المسموح للاعب ان يحرك شخصية معينه بها أو كيفية إكساء الوجوه **faces** ، فعلى سبيل المثال إذا نظرنا للصورتين التاليتين سنجد انهما متماثلتان معانهم استخدموا فى وحدات قياس مختلفة ، بالنسبة للسطح الموجود باليمين قد يكون ضخماً جداً داخل اللعبة التى أستخدم فيها السطح الموجود إلى اليسار ، لذا فمهما كان عدد المجسمات داخل اللعبة الخاصة بك لابد و أن يكونوا قد صمموا بوحدات قياس ثابتة و بنسب ثابتة حتى يكونوا متلائمين حين يظهروا بجانب بعضهم داخل اللعبة .



الكلمة **Vertex** - وجمعها يكون **Vertexes** أو **Vertices** - هي عبارة عن مجموعة متكاملة من البيانات تصف نقطة واحدة داخل نظام ثلاثي الأبعاد .

من هذه اللحظة أى نقطة موجودة على سطح **Polygon** سوف تسمى بـ **Vertex** لأن هذا المصطلح أشمل و أعم ، لذا من الممكن أن نقول على المكعب أنه يحتوى على 24 رأس ، لأن المكعب يحتوى على ستة أسطح ، و كل سطح يحتوى على أربعة رؤوس لذا $(24 = 6 * 4)$.

من منطلق أن المصطلح **Vertex** أعم و أشمل من المصطلح **3D Point** - المذكور فى صفحة 11 - لذا فالكائن **3D Point** الذى قمنا بإنشائه سابقاً لابد من تحديثه ، لذا فبرمجياً الـ **Vertex** سيمثل بـ **Class** لها الشكل التالى :

```
class CVertex
{
public:

    //Constructors
    CVertex (float fx, float fy, float fz);
    CVertex ();

    // Public Variable for this class
    float x; // vertex x coordinate
    float y; // vertex y coordinate
    float z; // vertex z coordinate
};
```

المجسمات المعقدة لن تصنع برمجياً و لكن سيتم صنعها باستخدام برامج قوية مثل **3D Studio MAX** , **Maya** , إلخ ، و هذا يتيح إنشاء مجسمات مكونة من آلاف او ملايين الأسطح ، و هذا يؤثر سلباً على أداء اللعبة فكلما زاد عدد الأسطح كلما بطئت اللعبة لأنها تزيد من العمليات الحسابية اللازمة لرسمهم على الشاشة.

لذا فمهمتك كمبرمج ألعاب أن تستخدم مجموعة من الأساليب التي ستجعل عدد الأسطح التي سيتم رسمها في وقت معين أقل ما يمكن. أحد الأساليب المتبعة هي عدم رسم أو إكساء الأسطح التي لن يستطيع المستخدم رؤيتها أبداً من موقعه الحالي من العالم التخلي.

أسلوب آخر و هو تجاهل الأسطح التي تكون خلف المستخدم ، هذا الأسلوب يسمى بإخفاء السطح الخلفي **Back Face Culling** ، و هو يفترض أن المستخدم لن يسمح له بأن يرى ظهر سطح معين – مثل ما يوجد خلف حائط تنظر إليه – في نفس الوقت الذي يرى فيه وجهه ، أعتقد أنك لازلت تذكر المثال الخاص برؤية أوجه المكعب ، عندما قلت أنك لن ترى إلا 3 أوجه من الـ 6 أوجه الخاصة بالمكعب و هم فقط الين سيكونوا ظاهرين أمامك ، و لهذا السبب فمحرك الإكساء يقوم بعمليات حسابية سريعة و بسيطة قبل الإكساء ليرى هل الجزء الذي سيتم إكسائه يواجه المستخدم أم لا ن فإذا لم يكن يواجه فسوف يتم تجاهله.

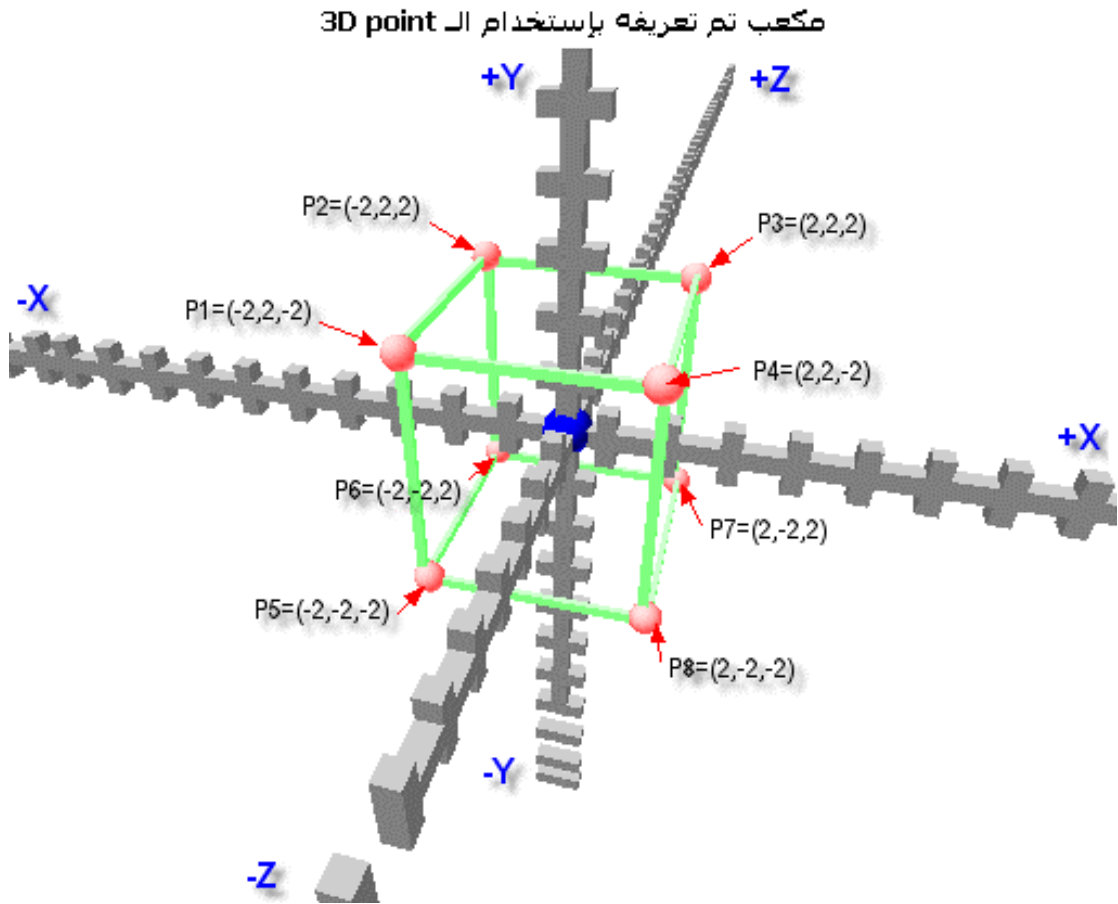


Fig 1.13

باستخدام الصورة السابقة كمرجع ، لابد و أنك ترى أن كل رأس موجودة على أي سطح من أسطح المكعب هي إحدى الرؤوس التي قمنا بتعريفها في الكود الخاص بالـ **Class** التي أطلقنا عليها أسم **CVertex**.

الإحداثى **P1** أستخدمت لإنشاء ثلاثة أوجه هما : الوجه الموجود باليسار و الوجه العلوى و الوجه المقابل لنا ... و هكذا لباقي الرؤوس ، لاحظ أن الرؤوس رسمت بإسلوب مرتب لتمكننا من رسم خط بين كل نقطتين متقابلتين على سطح واحد و هكذا حتى يكتمل السطح تماماً ، هذا الترتيب الذى أتبعناه يسمى بـ **Winding Order**.

التدوير فى اتجاه عقارب الساعة

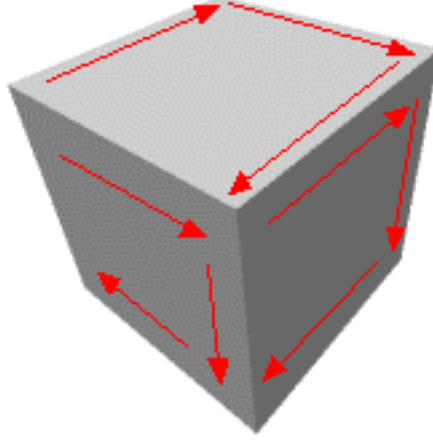


Fig 1.14

و لكن كيف يحدد شخص ما أى الأسطح تواجهه ؟

ببساطة و كما قلنا فى مثال المكعب ، الوجه يتكون من أربعة رؤوس و نحن لم نحدد إتجاه المكعب لذا فإجابة تنطوى على كيفية إحتفاظنا بالرؤوس **Vertices** داخل الأسطح المكونة لهذا المكعب ، إذا نظرت للصورة رقم **1.13** ستجد أن الرؤوس تم رسمها و ترتيبها فى إتجاه عقارب الساعة.

على سبيل المثال ، الوجه الأمامى مكون من أربعة رؤوس هى **P1** و **P4** و **P8** و **P5** لذا عندما ننظر لذلك الوجه الأمام ستجد أن النقاط مرتبة فى إتجاه عقارب الساعة ، لذلك لا يهم أى الرؤوس الأربعة هى نقطة البداية لذلك السطح لأنك من الممكن أن تقول أن ترتيب الرؤوس كالتالى **P8** و **P5** و **P1** و **P4** ، كلا الترتيبين السابقين سليم و صحيح بنسبة 100% لأن كلاهما يتحرك فى إتجاه عقارب الساعة ، هذا الإسلوب فى ترتيب الرؤوس على الأسطح يعرف بـ **Polygon Winding Order**.

داخل مكتبات الـ **DirectX** الأسطح بشكل إفتراضى تعرف بترتيب فى إتجاه عقارب الساعة كما فى الشكل **1.14** و لكنك تستطيع تغييره وقتما تشاء.

لننظر الآن للسطح الخلفى ، و هو يحتوى على الرؤوس **P6** و **P7** و **P3** و **P2** هذا الترتيب كما هو واضح فى إتجاه عكس عقارب الساعة لذا فإننا لن نقوم برسمه ، طبعاً إذا قمنا بتدوير المكعب فسيكون السطح الخلفى مواجه لنا تماماً – أى سيكون هو السطح الأمامى – لذا ستجد أن النقاط موجودة فى إتجاه عقارب الساعة.

ملاحظة هامة :

الأسطح المواجهة للمستخدم تكون الرؤوس فيها دائماً و أبداً فى إتجاه عقارب الساعة و الأسطح الغير مواجهه للمستخدم فى إتجاه عكس عقارب الساعة.

١. نقل الإحداثيات Translation

نقل الإحداثيات : هى أعطاء أحداثيات جديدة للرؤوس الموجودة على سطح معين داخل مجسم ما موجود داخل عالمنا التخيلى.

و سميت بنقل الإحداثيات Translation لأننا نقوم بنقل أسطح مجسم معين موجود داخل العام التخيلى من مكان إلى مكان و بمعدل ثابت.

فى الصورة التالية قمنا بتعريف سطح مكون من أربع رؤوس مركزهم حول نقطة الأصل لنظام الإحداثيات الخاص بالعالم التخيلى ، و بعد ذلك قمنا بنقل ذلك السطح من مكانه الحالى إلى مكان آخر داخل اللعبة و هذا المكان إحداثياته (0 , 5 , 0) ، لذا فإضافة القيمة السابقة لكل الرؤوس سيتم نقل السطح من مكانه إلى مكان جديد داخل اللعبة و ستظل المسافة بين الرؤوس ثابتة.

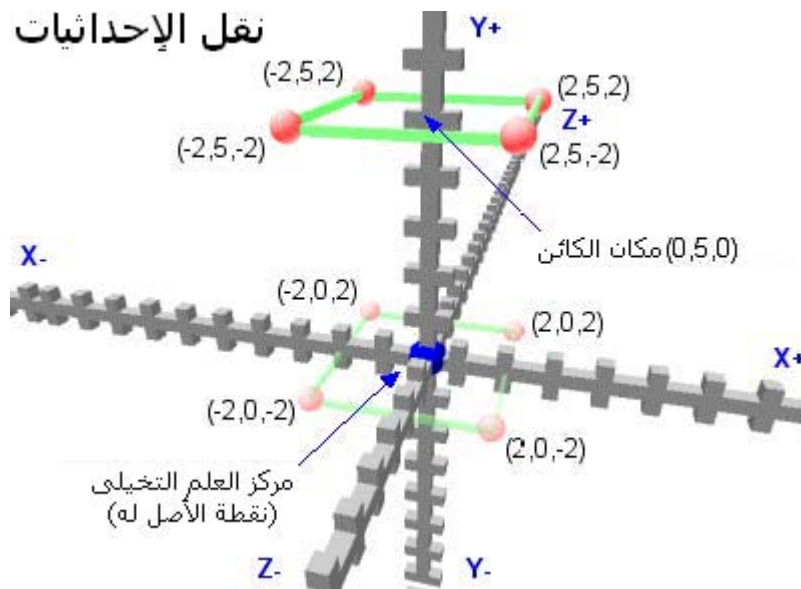


Fig 1.15

لنقوم بالتعبير عن العملية السابقة باستخدام الكود المنطقى

```
PositionInWorld.X=0;
```

```
PositionInWorld.Y=5;
```

```
PositionInWorld.Z=0;
```

```
For (Each Polygon In Mesh) {
```

```
    For (Each Vertex In Polygon) {
```

```
        Vertex.X += PositionInWorld.X;
```

```

Vertex.Y += PositionInWorld.Y;

Vertex.Z += PositionInWorld.Z;

}

}

```

العملية السابقة يطلق عليها أيضاً إسم التحويل **Transformation** ، لإننا نقوم بتحويل إحداثيات المجسم من إحداثياته الخاصة **Model Space** للإحداثيات العامة – إحداثيات اللعبة – **World Space**.

الآن مركز السطح موجود بالإحداثى (0 , 5 , 0) فى اللعبة ، بنفس الإسلوب السابق يمكنك إعطاء كل سطح و مجسم إحداثى خاص به داخل اللعبة.

لاحظ أننا لن نطبق الإسلوب السابق فى الكود الخاص بنا ، وبدلاً منه سنقوم بتخزين النتيجة النهائية داخل **Class** من نوع **CVertex** بشكل مؤقت حتى نقوم بإكسائها ، وبعد ذلك سنقوم باستخدام كائن من نوع **Mesh** – سنقوم بصنعه لاحقاً – و هو يعبر عن المجسم الذى توجد به الرأس التى نتعامل معها ، هذا الكائن بياناته لا تتغير و يمكن ان تكون مشتركة مع بيانات كائنات أخرى موجودة داخل اللعبة ، هذه العملية يطلق عليها إسم **Instancing**.

```

class CObject
{
public:

    CMesh    *m_pmesh;
    float    PositionX;
    float    PositionY;
    float    PositionZ;
};

```

فالفترض أننا نريد ان يكون لدينا 3 مكعبات داخل لعبتنا ، لذا سنقوم بإنشاء 3 نسخ من الكائن **CObject** ، سنقوم بعدها بتحديد مكان كل نسخة عن طريق إعطاء قيم للمتغيرات **PositionX** ، **PositionY** و **PositionZ**. المؤشر **m_pmesh** الموجود بالـ 3 نسخ من الممكن أن يشير لنسخة واحدة من نوع **CMesh** ، لذا فلكل كائن موجود باللعبة الخاصة بنا سنتبع معه الخطوات التالية لإكسائه :

1. لكل سطح موجود على المجسم.
2. قم بإضافة قيم الـ **PositionX** ، **PositionY** و **PositionZ** للمتغيرات **X** ، **Y** و **Z** الموجودين بالرؤوس.
3. إحفظ النتيجة النهائية بشكل مؤقت فى مصفوفة من نوع **CVertex**.
4. قم بإكسائه الأسطح باستخدام الرؤوس الموجودة فى الخطوة السابقة.

```

CMesh *MyMesh; // Pointer to the mesh containing our 4x4 polygon

CObject ObjectA, ObjectB, ObjectC;

ObjectA.m_pMesh = MyMesh;

ObjectB.m_pMesh = MyMesh;

ObjectC.m_pMesh = MyMesh;

```

ObjectA.PositionX = 0; ObjectA.PositionY = 5; ObjectA.PositionZ = 0;

ObjectB.PositionX = -6; ObjectB.PositionY = 0; ObjectB.PositionZ = 0;

ObjectC.PositionX = 4; ObjectC.PositionY = 0; ObjectC.PositionZ = -5;

فى منتصف الصورة القادمة – رقم 1.16 – نرى نسخة شفافة من للمجسم وقت وجوده فى فضائه الخاص ، بإضافة الإحداثيات الخاصة بالكائنات لرؤوس المجسم ، نقوم بهذا بنقل إحداثيات الكائن لمكان جديد داخل عالمنا التخيلى ، لاحظ ان المركز لكل كائن هو الذى يتحرك إلى مكان جديد ، و لأنه توجد مساحة ثابتة بين كل رأس و مركز الكائن – أى نقطة الأصل الخاصة به – لذا فالرؤوس تتحرك حفاظاً على مكانها بالنسبة لمركز الكائن.

لاحظ الفرق بين كلمة مجسم و كلمة كائن ، فالمجسم هو الشكل الـ 3D الذى يراه اللاعب، أما الكائن فهى الـ Class التى تمثل هذا المجسم داخل الكود ، لذا فالكائن هو المسئول الأول و الأخير عن تحديث بيانات موقعه داخل اللعبة.

Instances

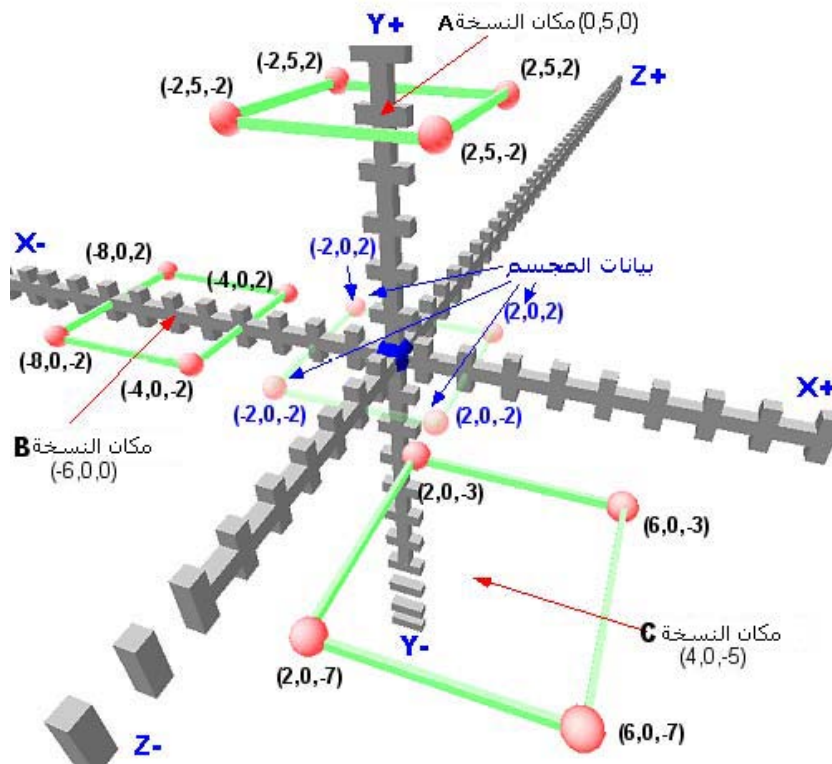


Fig 1.16

الدالة القادمة توضح كيف أن العمليات التى تتم على الكائن تؤثر على الـ Frames الخاصة باللعبة ، الـ Frame يمثل الصورة الحالية التى تراها على الشاشة – لذا سنقوم بإعادة رسم جميع الكائنات من جديد حتى نرى التغيير الذى حدث ، الدالة DrawObjects تدور على جميع الكائنات و لكل سطح موجود داخل الكائن يتم إستدعاء الدالة DrawPrimitive لنقل السطح و إعادة رسمه و إكسائه.

```

void DrawObjects ()
{
    // transform vertices from model space to world space
    for (ULONG i = 0; i < NumberOfObjectsInWorld; i++)
    {
        CMesh *pMesh = WorldObjects[i]->m_pMesh;
        for ( ULONG f = 0; f < pMesh->m_nPolygonCount; f++ )
        {
            // Store poly for easy access
            CPolygon *pPoly = pMesh->m_pPolygon[f];

            // Transform and render polygon
            DrawPrimitive (WorldObjects[i], pPoly)
        }
    }
}

void DrawPrimitive (CObject * Object, CPolygon *pPoly)
{
    // Loop round each vertex transforming as we go
    for (USHORT v = 0; v < pPoly->m_nVertexCount; v++)
    {
        // Make a copy of the current vertex
        CVertex vtxCurrent = pPoly->m_pVertex[v];

        // Add world space position to transform to world space
        vtxCurrent.x += Object->PositionX;
        vtxCurrent.y += Object->PositionY;
        vtxCurrent.z += Object->PositionZ;

        // Do further pipeline transformations here which we have
        // not covered yet but will shortly.

        ...

        // By this point we will have 2D screen vertices so render
        // to screen which we have not yet Covered.
    }
}

```

التحويل من فضاء الكائن إلى فضاء اللعبة يحدث في كل **Frame** لكل سطح نقوم بإكسائه ، بتحديد موقع الكائن داخل كل **Frame** بذلك نقوم بإنشاء حركة **Animation** ، فعلى سبيل المثال قد تجعل سفينة فضاء تتحرك داخل الفضاء عن طريق التلاعب بالزيادة و النقصان بالمتغيرات **PositionX** ، **PositionY** و **PositionZ** الموجودين داخل الكائن **Object** المسئول عن السفينة.

٢.التدوير Rotation

لتقوم بتدوير مجموعة من رؤوس سطح موجود فى نظام إحداثى ثنائى الأبعاد ، سنقوم باستخدام المعادلات التالية لكل نقطة على حدى :

$$\begin{aligned}NewX &= OldX \times \cos(\theta) - OldY \times \sin(\theta) \\NewY &= OldX \times \sin(\theta) + OldY \times \cos(\theta)\end{aligned}$$

فى المعادلات السابقة ، $OldX$ ، $OldY$ هما البعدين X ، Y للرأس التى سنديرها ، الدلتين $\cos$ ، $\sin$ هما دوال رياضية و أسمائهما هى $\cosine$ و $\sin$ ، أما الرمز θ فيسمى بـ θ و تمثل الزاوية التى سنقوم بإدارة الرأس إليها و تعطى قيمة لها باستخدام نظام $Radians$ - و هو نظام يسمى بالزاوية النصف قطرية و فيه تمثل الزاوية برقم عشري - و ليس بنظام قياس الدرجات $Degrees$ ، و السبب فى ذلك هو ان معظم مكتبات الـ $3D$ و منها الـ $DirectX$ تستخدم النظام $Radians$ لحساب الزوايا.

ملاحظة هامة :

الـ $Radian$ يستخدم لتقدير قيمة الزاوية الحالية برقم عشري ، و حيث أن الدائرة تنقسم لـ 360 درجة لذا فالـ $Radian$ يقوم بقسم الدائرة إلى $2 * \pi$ حيث π تساوى 3.14159 وهى تقابل 180 درجة فى نظام $Degree$ لقياس الزوايا ، لذلك يوجد تقريباً حوالى $6.28 Radian$ فى الدائرة الكاملة ، 90 درجة تقابل $(\pi/2)$ أى تساوى $(1.570795 Radian)$ وهكذا.

لأن أغلب المبرمجين يفضلوا التعامل مع نظام قياس الدرجات $Degree$ ، لذلك يتم صناعة $Macro$ ليقوم بتحويل القيمة من $Degree$ إلى $Radian$ كالتالى:

```
const float PI = 3.14159;
inline float DegToRad (float d) { return (d * ( PI / 180 ) ) }
```

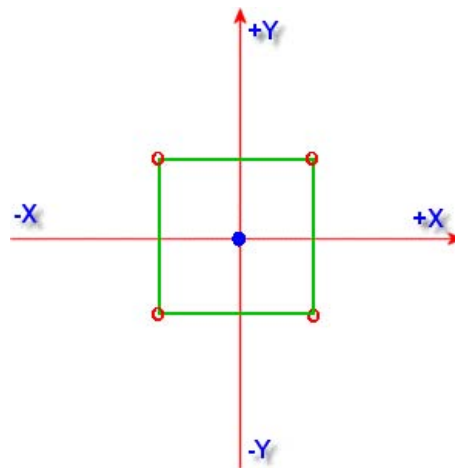


Fig 1.17

فى الصورة السابقة نريد ان ندير الأربع رؤوس الموجودين بها واحدة تلو الأخرى ، لذا فعن طريق معادلات التدوير السابقين و تطبيقهم على الرؤوس ستصبح الصورة كما فى الشكل القادم - الصورة 1.18 ، الكود التالى يوضح تلك العملية :

```

float angle = DegToRad( 45 );
for ( USHORT v = 0; v < pPolygon->m_nVertexCount; v++)
{
    CVertex OldVtx = pPolygon->Vertex[v];
    CVertex NewVtx;

    // Rotate the vertex 45 degrees
    NewVtx.x = OldVtx.x * cos(angle) - OldVtx.y * sin(angle);
    NewVtx.y = OldVtx.x * sin(angle) + OldVtx.y * cos(angle);

    // Vertex is now rotated and stored in NewVtx
    // Use to draw polygon in rotated position
}
...

```

قد تقول أن هذا التدوير يتم حول محور الـ **Z** ، تقنياً كلامك صحيح لأننا لا نرى محور الـ **Z** في الصورة ، يمكنك أن تتخيل هذه الصورة أثناء وجودها في عالم **3D** ، في هذه الحالة المحور **Z** لكل رأس يساوى صفر ، و المحور **Z** في هذه الصورة سيكون يشير إلى الصفحة كما ذكرنا في الجزء الخاص بالنظام الديكارتي للأشكال الـ **3D** ، الصورة التالية هي نتيجة تدوير الأربع رؤوس بمقدار 45 درجة.

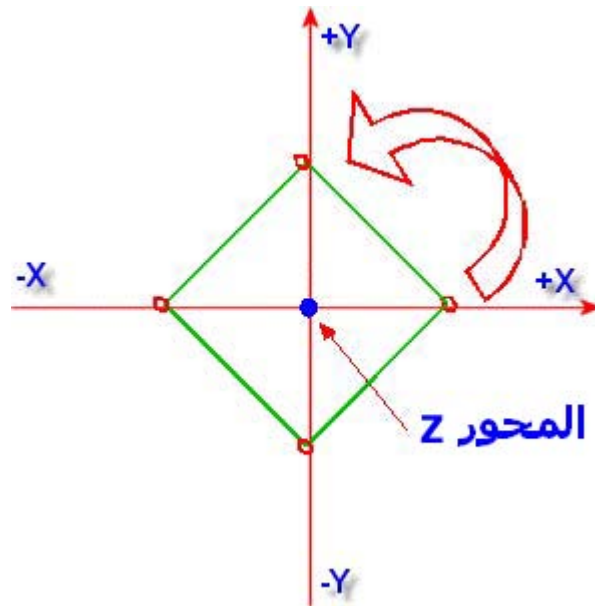


Fig 1.18

نقطة هامة لتذكرها و هي في أى نظام إحداثي التدوير يكون مرتبط بنقطة الأصل فمثلاً في الصورة السابقة الرؤوس دورت حول نقطة الأصل – النقطة الزرقاء – و هذا هو مركز التدوير.

لاحظ أيضاً عندما تقوم بتدوير رأس حول محور معين ، فإن القيمة الخاصة بذلك المحور داخل الرأس – القيمة داخل المتغير الذى يمثل المحور – لا تتغير ، بمعنى أنه بتدوير الرأس حول المحور **Y** فقط

المحورين X و Z قيمتهم ستتأثر ، و أيضاً إذا قمنا بتدوير الرأس حول المحور X فقط المحورين Y و Z قيمتهم ستتأثر ، و أيضاً إذا قمنا بتدوير الرأس حول المحور Z فقط المحورين X و Y قيمتهم ستتأثر.

المعادلات التالية تستخدم لتدوير رأس فى فضاء 3D حول الـ 3 محاور :

١. التدوير حول المحور X

$$\begin{aligned} NewY &= OldY \times \cos(\theta) - OldZ \times \sin(\theta) \\ NewZ &= OldY \times \sin(\theta) + OldZ \times \cos(\theta) \end{aligned}$$

٢. التدوير حول المحور Y

$$\begin{aligned} NewX &= OldX \times \cos(\theta) - OldZ \times \sin(\theta) \\ NewZ &= OldX \times \sin(\theta) + OldZ \times \cos(\theta) \end{aligned}$$

٣. التدوير حول المحور Z

$$\begin{aligned} NewX &= OldX \times \cos(\theta) - OldY \times \sin(\theta) \\ NewY &= OldX \times \sin(\theta) + OldY \times \cos(\theta) \end{aligned}$$

و حيث أن التدوير دائماً ما يكون مرتبطاً بنقطة الأصل لنظام الإحداثيات لابد و أن نكون حذرين فى الترتيب بين التدوير و نقل الإحداثيات ، فالتخيل مثلاً أنه لدينا مجسم و نريد وضعة فى الإحداثى (0 , 0 , 5) و أيضاً نريد تدويره بمقدار 45 درجة حول المحور Z ، لذا قد نجرب الخطوات التالية :

١. قم بتحريك رؤوس المجسم للنقطة (0 , 5 , 0) حتى ينتقل المجسم إلى تلك النقطة.

٢. قم بتدوير المجسم 45 درجة حول المحور Z .

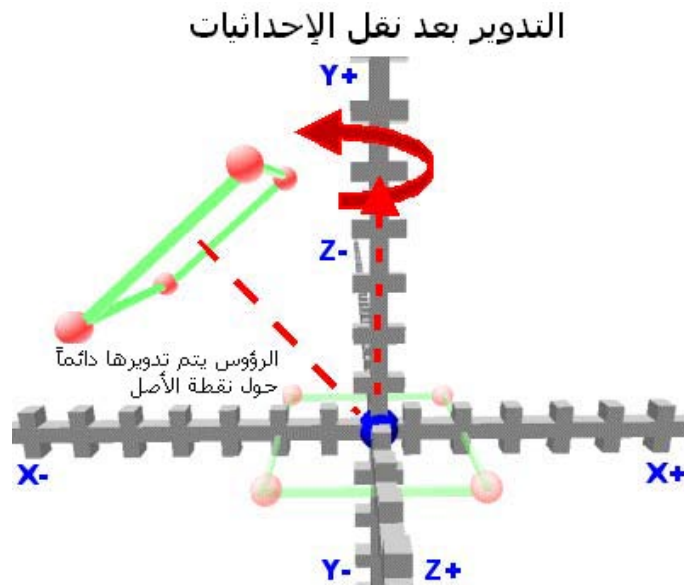


Fig 1.19

الصورة السابقة لا تظهر ما نتوقع لذا سأقول ما حدث ، أولاً تم تحريك الجسم للموقع (0 , 5 , 0) و بعد ذلك تم تدويره حول المحور Z و حول نقطة الأصل .

فى الأغلب و ليس دائماً ، ستقوم بتطبيق التدوير قبل نقل الإحداثيات لذا فالكائن سيتم تدويره داخل فضاءه الخاص و حول نقطة الأصل الخاصة به ثم يتم تحريكه إلى مكانه الجديد داخل العالم التخليلى.

التدوير قبل نقل الإحداثيات

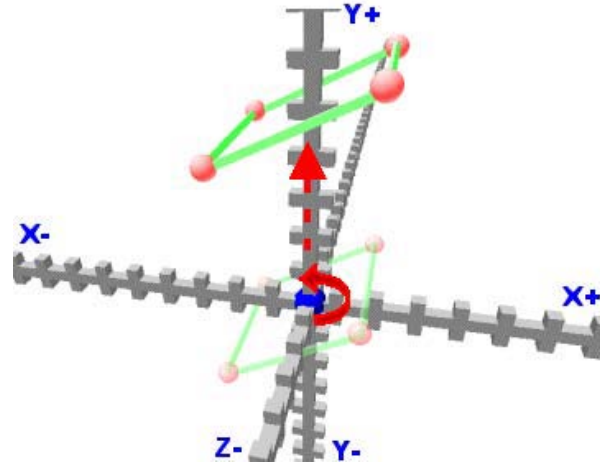


Fig 1.20

بتطبيق التدوير قبل نقل الإحداثيات سيكون لدينا القدرة على نقل إحداثيات الكائن و هو موجود بزاوية 45 درجة حول مركزه - أى مركز الكائن -. بالطبع نقل الإحداثيات قبل التدوير قد يكون مفيداً فى بعض الحالات ، فمثلاً إذا كان لديك كوكب مركزه عند نقطة الأصل لنظام الإحداثيات فهنا يمكنك إستخدام هذا الأسلوب لتجعل كائن معين - جرم سماوى مثلاً - يدور حول هذا الكوكب بمسافة ثابتة (مثل مدار).

سنقوم الآن بتطوير الكائن CObject بإضافة اعضاء جدد تسمح له بأن يدور حول محور معين.

```
class CObject
{
public:
    CMesh    *m_pmesh;

    float    PositionX , PositionY , PositionZ;

    float    RotationX , RotationY , RotationZ;
};
```

جميع تلك التحويلات ستحدث عندما نبدأ برسم مجسماتنا ، و هى ستحدث فى وقت تحضير الأسطح لرسمها على كل Frame ثم بعدها نبدأ برسم الأسطح.

٣. الكاميرات Cameras

قبل البدء فى رسم أى شئ لابد و أن تقوم بإنشاء كاميرا وهميه لتقوم من خلالها برؤية العالم التخيلى ، بعد ذلك جميع الرؤوس الموجودة بالعالم التخيلى يتم رسمها بناءً على موقعها بالنسبة للكاميرا ، هذا يتطلب نظام إحداثى جديد يسمى نظام الكاميرات **Camera Space** أو منطقة الرؤية **View Space** ، و كما رأينا سابقاً ، لابد من أن نعيد تحويل رؤوس المجسمات لتناسب مع النظام الإحداثى الجديد. سيتطلب منا مع نظام الكاميرا الجديد أن نحدد بعض الخصائص مثل موقع الحالى للكاميرا **Camera Current Position** ، إتجاه الرؤية **Viewing Direction** و أيضاً مجال الرؤية الخاص بالكاميرا **Field Of View (FOV)**.

يفترض ما ان نستطيع توجيه الكاميرا داخل اللعبة حتى نستطيع الرؤية بشكل حر ، و هذا يتم ببعض الخطوات كالتالى :

١. عندما يقوم اللاعب بتحريك الكاميرا للأمام ، نقوم بتحريك العالم كله للخلف.
٢. عندما يقوم اللاعب بتحريك الكاميرا للخلف ، نقوم بتحريك العالم كله للأمام.
٣. عندما يقوم اللاعب بالإلتفاف ليسار حول المحور **Y** ، نقوم بإدارة العالم كله لليمين حول المحور **Y**.
٤. وهكذا.....

كما نرى ، أياً كان ما نريد أن نجعل الكاميرا تفعله ، لابد و أن نجعل كل كائن داخل عالمنا أن يفعل عكسه ، و هذا يعطينا الإحساس بالحركة داخل العالم التخيلى ، و لكن فى الحقيقة العالم هو الذى يتحرك حولنا.

سنقوم الآن بصناعة **Class** لتمثل الكاميرا و هى ستحتوى فقط على موقع الكاميرا داخل العالم و زوايا إدارة الكاميرا :

```
class CCamera
{
public:
    float    PositionX , PositionY . PositionZ;

    float    RotationX; // Pitch
    float    RotationY; // Yaw
    float    RotationZ; // Roll
};
```

حيث :

١. **Pitch** : تمثل التحرك لأعلى و أسفل
٢. **Yaw** : تمثل التحرك لليمين و اليسار
٣. **Roll** : تمثل التحرك للأمام و الخلف

قد نضيف فى الدالة السابقة دالة لتحويل حركة الماوس او الـ **Joystick** إلى درجات لتسجل فى المتغير **Rotation** ، فمثلاً التحرك ليسار من خلال الـ **Joystick** قد نزيد درجة واحدة داخل المتغير **RotationY** لتجعل الكاميرا تدور ليسار ، إذا ضغطنا زر الأمام حينها سنقوم بزيادة قيمة المتغير **RotationZ** لنجعل الكاميرا تتحرك للأمام داخل العالم.

الكود القادم يقوم بعمل إكساء لكل الرؤوس بناءً على موقع الكاميرا الحالى :

```

void DrawObjects()
{
    for (each object)
    {
        for (Each Polygon in Object)
        {
            DrawPrimitive (Object, Polygon, Camera);
        }
    }
}

void DrawPrimitive (CObject * Object , CPolygon *Poly , CCamera * Cam)
{
    for (each Vertex in Poly)
    {

        // convert polygon to world space (Already discussed)
        Perform any object Rotations on vertices of polygon
        Perform Translation on vertices of polygon to move polygon into world space

        // convert polygon to view space
        Perform inverse camera rotations on vertices of polygon
        Perform inverse camera translations on vertices of polygon

        // Convert polygon to Projection Space
        Not Yet Covered
        // Render 2D polygon
        Not Yet Covered
    }
}

```

لو كان المحور **X** للكاميرا يحتوى على قيمة 45 درجة لذا فالكود القادم سيقوم بتدوير كل الرؤوس الموجودة بكل كائن موجود فى العالم التخيلى بمقدار -45 درجة حول المحور **X** (أى 45 درجة فى الإتجاه المضاد للكاميرا).

```

if (m_pCamera.RotationX)
{
    VSVertex.y = Vertex.y * cos(-m_pCamera.RotationX) -
                Vertex.z * sin(-m_pCamera.RotationX);
    VSVertex.z = Vertex.y * sin(-m_pCamera.RotationX) +
                Vertex.z * cos(-m_pCamera.RotationX);
} // End if X Axis Rotation

```

التدوير حول المحورين **Y** و **Z** سيكون مشابهاً للكود التالى :

```

if (m_pCamera.RotationY)
{
    VSVertex.x = Vertex.x * cos(-m_pCamera.RotationY) -
                Vertex.z * sin(-m_pCamera.RotationY);

```

```

VSVertex.z = Vertex.x * -sin(-m_pCamera.RotationY) +
Vertex.z * cos(-m_pCamera.RotationY);
} // End if Y Axis Rotation
if (m_pCamera.RotationZ)
{
VSVertex.x = Vertex.x * cos(-m_pCamera.RotationZ) +
Vertex.y * sin(-m_pCamera.RotationZ);
VSVertex.y = Vertex.x * sin(-m_pCamera.RotationZ) +
Vertex.y * cos(-m_pCamera.RotationZ);
} // End if Z Axis Rotation

```

فى الكود السابق ، المتغير **Vertex** يفترض به أن يكون فى مجال الإحداثى العام للعبة **World Space** و يتم تغييره ليصبح فى مجال الكاميرا أو مجال الرؤية ، نفس معادلات المذكورة سابقاً تم إستخدامها هنا مع جعل الزوايه تأخذ قيمة سالبه – لجعلها فى الإتجاه المضاد ، أيضاً لو كان للكاميرا إحداثى فى الـ **World Space** غير (0 , 0 , 0) ففى تلك الحالة سيتم تطبيق المعادلات السابقة عليها كما سنرى لاحقاً فى هذا الدرس.

إنه لجدير بالذكر أن تعلم أنه تم تخصيص فصل كامل فى هذا الكتاب ليتناول شرح انظمة الكاميرات بشكل مفصل و أكثر دقة ، لذا لا تقلق حيال غموض او عدم فهمك تجاه المعادلات السابقة لأنه سيتم تناولها بشكل أكثر تفصيلاً فى ذاك الفصل.

رؤوس المجسم

التحويلات بشكل مختصر



رسم رؤوس المجسمات على الشاشة

منظور الرؤية من المواضيع الهامة فى كيفية تحديد المسافات و القياسات فى العالم حولنا ، داخل العلم الحقيقى ، كلما تحرك الشئ لمسافة بعيدة كلما قل حجمه و العكس بالعكس. و بالمثل سوف نفعل بمجسماتنا داخل عالمنا التخيلى ، فكلما بعدت الكاميرا عن المجسمات ، فلا بد و أن تنكمش **Shrink** – أى يقل حجمها ، و عندما تقترب منها لابد و أن تكبر **Grow** .

و أيضاً عندما تتجه المجسمات للأمام حيث مركز رؤيتك فعندها تزيد المسافة بينك و بينها – أى تبعد عنك ، و تبعد المجسمات عن مركز الرؤية كلما قلت المسافة بينكم – أى تقترب منك ، أغلب المجسمات و التى تظهر داخل مجال الرؤية ستجد أنها تحركت للأمام او للخلف او لليمين أو لليسار بما يتناسب مع مكانها من مركز الرؤية عندما تقترب منك ، و عند حدوث ذلك يمكنك معرفة قيمتى الإتجاهين اليمينى و اليسارى عن طريق معرفة قيمة المحور **X** ، كذلك يمكنك معرفة قيمتى الإتجاهين الأعلى و الأسفل عن طريق معرفة قيمة المحور **Y** بما يتناسب مع محور الرؤية .

فى أحد الأجزاء السابقة ، عرفنا كيفية تحويل رؤوس المجسمات لمجال رؤية الكاميرا حيث أماكن الرؤوس تتناسب مع نظام إحداثيات الكاميرا ، كل ما نفعله هو طلب المسافة من موقع اللاعب الحالى لأى كائن موجود داخل العالم التخيلى و بعدها نستنتج قيمة المحور **Z** لمكان اللاعب .

كلما زادت المسافة بين اللاعب و ذاك الكائن نقوم حينئذ بإعادة تحجيم الرؤوس الخاصة بذلك الكائن بكمية معينة - و هى المسافة المعطاه من اللاعب – حول المحورين **X** ، **Y** تأثير الرؤية المطلوب .

$$2DX = \frac{ViewSpaceX}{ViewSpceZ}$$

$$2DY = \frac{ViewSpaceY}{ViewSpceZ}$$

فى المعادلات السابقة ، نقوم بقسمة أماكن الرؤوس الخاصة بالمحورين **X** ، **Y** على مسافة الرؤية و هى قيمة المحور **Z** ، لذلك تكون النتيجة عبارة عن نقطة فى مجال رؤية ثنائى الأبعاد .

فالتخيل مثلاً أننا لدينا إحداثي لرأس ما يقابل 5 وحدات ليمين الكاميرا ، 20 وحدة اعلى الكاميرا و 100 وحدة أمام الكاميرا ، لذا الأرقام السابقة يمكن أن تكتب بشكل رياضى كالتالى (5 , 20 , 100) و تلك الإحداثيات توجد داخل مجال الكاميرا .

سنقوم الآن بتطبيق معادلات الرؤية السابقة :

$$2DX = \frac{ViewSpaceX}{ViewSpceZ} = \frac{5}{100} = 0.005$$

$$2DY = \frac{ViewSpaceY}{ViewSpceZ} = \frac{20}{100} = 0.2$$

النتيجة السابقة هى نقطة فى مجال رؤية ثنائى الأبعاد و إحداثيتها هى (0.005,0.2).

لاحظ أن الإحداثيات السابقة ليست إحداثيات الشاشة و بما أننا تطرقنا لهذه النقطة لذا فلا بد من الأرقام السابقة و أن تكون أرقام صحيحة فقط .

نظام الإحداثيات الذى قمنا باتباعه فى المعادلات السابقة يسمى بنظام الرؤية المحدودة **Viewport** **Space Coordinate** و فى بعض الأحيان يطلق عليه أسم نظام الرؤية المختصر **Clip-Space** **Coordinate** و أسم نظام عرض الصورة المتحركة على الشاشة **Projection Space Coordinate** .

النظام الإحداثى الثلاثى الأبعاد الذى نتعامل معه تم تحويله إلى سطح ثنائى الأبعاد لا نهائى ، فى هذا السطح توجد منطقة يطلق عليها أسم نافذة الرؤية الحالية أو نافذة العرض **Projection Window** ، إذا كانت قيمة المحورين **X** ، **Y** اللذان قمنا بإستنتاج قيمهما من المعادلات السابقة تقع داخل نطاق هذه النافذة لذا سيكونوا ظاهرين أمام الكاميرا و لابد من رسمهم و إكسائهم ، عند هذه المرحلة تقوم مكتبات الـ **DirectX** بإجراء اختبار لترى هل تلك الأسطح خارج مجال رؤية المستخدم – إخفاء السطح الخلفى – فإذا كانت خارج مجال الرؤية لذا يتم إظهار الأسطح المواجهة للمستخدم .

نافذة الرؤية الحالية ● P) -0.7, +1.4 (خارج المجال لن تظهر) ● Q) -0.2, +0.7 (ستظهر) شاشة العرض -1, +1 -1, -1 +1, -1 +1, +1	(١) نظام عرض الصورة المتحركة تم تحجيمه بإستخدام نافذة الرؤية الحالية عن طريق المعادلات x/z و y/z . (٢) النقطة P ليست داخل نافذة الرؤية لذا لن يتم رسمها . (٣) النقطة Q داخل نافذة الرؤية لذا سيتم رسمها و إكسائها .
--	--

نافذة الرؤية فى آخر الصفحة السابقة هى شاشة مربعة ثنائية الأبعاد و أبعادها وحدتين طول و وحدتين عرض و نقطة الأصل فى مركزها لذا فنقطة الأصل ستقع داخل مركز شاشة العرض ، إحداثيات الشاشة السابقة تقع بين -1 و +1 للمحورين **X** و **Y** .

ملاحظة هامة :

الإحداثيات السابقة - الموجودة داخل الصورة للنقطتين P و Q - تم إيجاد إحداثياتهما بعد قسمة قيمة المحورين X و Y على قيمة المحور Z

فى المعادلات المذكورة فى المثال السابق ، قيمة المحورين X و Y كانتا (0.2 , 0.005) و هما تقعا داخل المدى -1 و +1 ، لذا فتلك النقطة تقع داخل مجال نافذة الرؤية لذلك ستكون تلك النقطة ظاهرة للكاميرا (داخل مجال الرؤية) .

الصورة القادمة ترينا الرؤية من أحد جوانب الكاميرا داخل نافذة الرؤية .

من منظور الصورة التالية من الهام أن تعرف أنها تفترض أن المحور X يشير لداخل الصفحة لذلك لا يمكن رؤيته و هذا المنطق يطبق أيضاً على أنظمة العرض للإحداثى X .

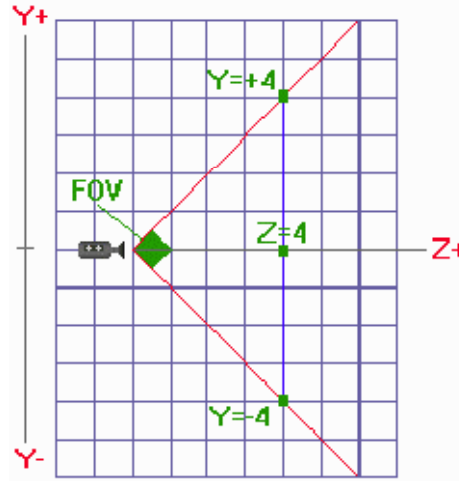


Fig 1.21

فى الصورة السابقة كلما زاد المحور Z كلما تم تحجيم المحور Y معه بنسبه ثابتة ، فمثلاً لدينا نافذة رؤية أبعادها القصوى بالنسبة للمحور Y هى +1 ، لذا ففى حال أن المحورين Y و Z متساويين أى $Y=Z$ لذا فمعادلات الرؤية ستكون كالتالى :

$$Y = \frac{Y}{Z} = \frac{Y}{Y} = 1$$

فى حال أن $Y=Z$ داخل مجال الرؤية لذا سنجد أن تلك النقطة سترى من أعلى مكان داخل نافذة العرض .

كلما زاد المحور Z سنجد أن أعلى قيمة يأخذها المحور Y ستقع دائماً داخل نافذة العرض و هى $Y=Z$ أو $Y=-Z$ ، نفس النتيجة صحيحة بالنسبة للعرض من خلال المحور X .

لذا فلأى نقطة فى حال أن $Y > Z$ أو $Y < -Z$ أو $X > Z$ أو $X < -Z$ ستقع هذه النقطة بعيداً عن الأحداثيات -1 و +1 أى خارج مجال الرؤية و لذلك ستكون خارج نافذة العرض .

فمثلاً إذا كانت قيمة المحور Z تساوى 4 وحدات لذا ففى تلك الحالة سيكون مدى المحور Y هو [-4 , +4] داخل مجال رؤية الكاميرا . القيمة العظمى التى يأخذها المحور Y فى حال أن قيمة المحور Z تساوى 6 وحدات تقع داخل المدى [-6 , +6] ، و هذا الكلام ينطبق أيضاً على الرؤية من خلال المحور X و هكذا

لذا فلأى نقطة تقع داخل مجال رؤية الكاميرا و كان لها $(X > -Z)$ أو $(X < Z)$ أو $(Y > -Z)$ أو $(Y < Z)$ تكون تلك النقطة ظاهرة داخل نافذة الرؤية .

عندما نقوم بتحجيم المحورين X و Y لرأس ما لتتناسب مع المحور Z ، فى الواقع نحن نقوم بإنشاء نظام خيالى على شكل مخروط لنقوم بالرؤية من خلاله ، هذا النظام يزداد للخارج و بزاوية 90 درجة حول المحورين X و Y بمعنى 45 درجة لأعلى و 45 درجة لأسفل للمحور Y ، 45 درجة لليمين و 45 درجة لليسار للمحور X .

فى الصورة القادمة عندما يتقاطع الخطان الأحمران - عند مكان وجود الكاميرا - توجد فى هذه النقطة زاوية قائمة تسمى زاوية الرؤية - أى الزاوية التى نرى من خلالها الأشياء التى أمامنا . داخل المخروط الذى أمامنا أى نقط داخله تكون ظاهرة للكاميرا لأن محورها X و Y يقعان داخل حدود نافذة العرض .

لذا فالكاميرا خاصتنا ستكون لها مجال رؤية بزاوية مقدارها 90 درجة لأن المعادلات المشروحة سابقاً دائماً ما ستنجح قيم محصورة بين تلك الزاوية .

و بالرغم من عدم وجود المخروط ذو الزاوية 90 درجة و أيضاً عدم وجود كاميرا داخل عالمنا الخيالى ، لذا فمن الجيد معرفة ما تقوم به تلك الدول لتحويل رؤوس المجسمات من منظور ثلاثى الأبعاد إلى منظور ثنائى الأبعاد . كل ما تقوم به هذه الدوال هو قسمة قيمة المحورين X و Y على المحور Z ، تلك العملية تتسبب فى تمدد أو فى إنكماش المجسم كلما أقترب أو أبتعد عن الكاميرا على التوالى . لذا و بالنظر إلى الصورة التالية نلاحظ أن مجموع المدى بين الخطين الأحمرين العلوى و السفلى للمخروط عند أى قيمة للمحور Z تقع دائماً فى المدى $[-1, +1]$.

و أيضاً فى تلك الصورة نلاحظ أنه كلما زادت Z كلما زادت المنطقة التى ستقع فى المدى $[-1, +1]$ و الأشياء ستبدأ فى الإنكماش كلما أبتعدنا عن مركز نافذة العرض .

الصورة التالية تظهر مجموعة من النقاط رسمت على نفس مستوى المحور Y داخل مجال الرؤية ، نلاحظ أن كل نقطة أعلاها قيمة المحور Z لها كما نلاحظ إزداد قيمة Z كلما تقدمنا للأمام .

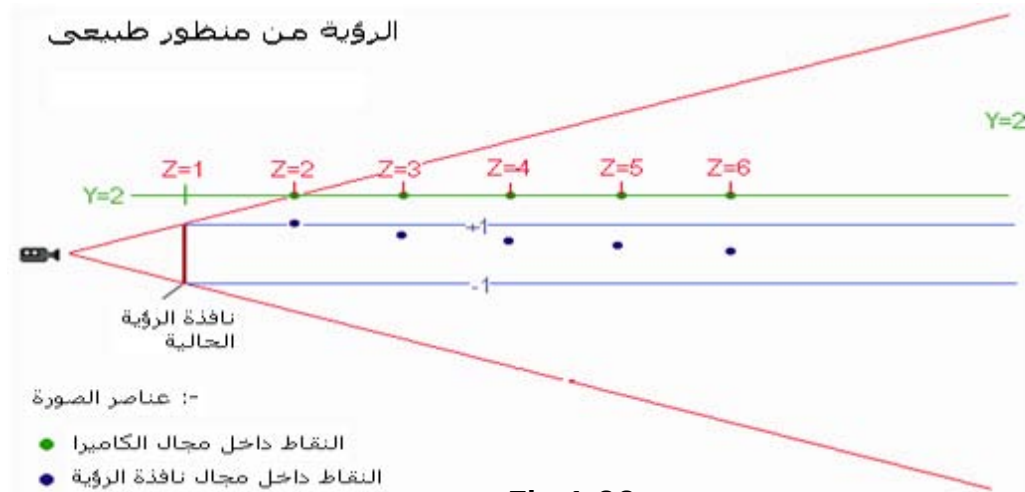


Fig 1.22

المعادلات سابقة الذكر تجعل الخطان الأحمران سنكمشوا حتى يصبحوا متوازيان و المسافة بينهما تصبح مساوية لمساحة نافذة العرض . الخطان الزرقاوان يظهران شكل المخروط بعدما ينكمش ليصبح على شكل صندوق ، لذا فكلما زادت Z كلما أدت إلى زيادة نسبة الإنكماش .

فى الصورة السابقة ، توجد خمسة نقاط داخل مجال الرؤية - الدوائر الخضراء . كل منها له قيمة تبدأ من +2 و تضاف إليها قيم المحور Z ، تأثير معادلات الرؤية سيظهر عندما ننظر للنقاط بعد تطبيق المعادلات عليها - النقاط الزرقاء . كل النقاط الزرقاء قد أنكمشت فى المدى $[-1, +1]$ ، و بالرغم من أن النقاط الخضراء لها قيمة من المحور Y متماثلة داخل مجال الرؤية ، إلا أنه عند تطبيق معادلات الرؤية عليها أخذت كل نقطة قيمة مختلفة من المحور Y .

فى العديد من كتب الرياضيات ستجد أن معادلات الرؤية لها الشكل التالى :

$$Xp = \frac{X}{z|d} \quad Yp = \frac{Y}{z|d}$$

المشكلة الموجودة بمعادلات الرؤية التى أستخدمناها من قبل تتمثل فى أنها **دائماً** ما تعطى إحداثيات بناءً على زاوية رؤية مقدارها ٩٠ درجة ، و لكننا نفضل - كمبرمجين أو كلاعبين - استخدام أسلوب الرؤية الخرة لنسمح بالتحكم الكامل فى كيفية عرض المحسمات أمام الكاميرا ، و من أجل تحقيق ذلك ، نقوم بإضافة متغير جديد للمعادلة و هو يمثل بالحرف (d). هذا الأسلوب يتيح لنا تحريك نافذة العرض بعيداً أو قريباً من الكاميرا ، و حيث أن حجم نافذة العرض ثابت دائماً لا يتغير و يقع فى المدى [-1 , +1] ، لذا فتتحريك نافذة العرض بعيداً عن الكاميرا يجعل المخروط يصغر ، و كذلك عند تحريك المخروط ليقرب من الكاميرا فإن حجمه يكبر . المعادلات الجديدة تتيح لنا تغيير مجال الرؤية بنفس الأسلوب الذى يتبعه المصور عند التصوير فهو يقوم بتصغير العدسة أو تكبيرها حسب المشهد الذى يريد تصويره .

الصورة القادمة ترينا كيف أن تحريك نافذة العرض قد يؤثر على مجال الرؤية :

نافذة الرؤية وقت تعديل مجال الرؤية

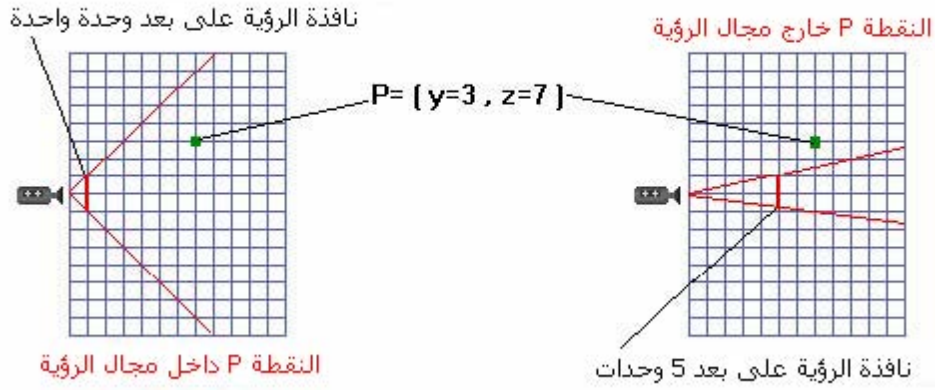


Fig 1.23

فى الصورة السابقة المخروط يبدو صغير جداً عندما تكون نافذة العرض على بعد ٥ وحدات من من الكاميرا ، ويبدو أكبر عندما تكون المسافة بينه وبين الكاميرا وحدة واحدة ، المسافة بين نافذة العرض و الكاميرا تمثل بالحرف d وهى اختصار للكلمة distance .

و حيث أن هذا الأسلوب يعمل جيداً ، لذا ففى محرك الإكساء الخاص بنا سيتم وضع نافذة العرض على مسافة ثابتة من الكاميرا و هى وحدة واحدة ، و لذلك عند تطبيق المعادلات الجديدة السابقة سنجد أن النتيجة هى نفس معادلاتنا القديمة كالتالى :

$$Xp = \frac{X}{z|1} = \frac{X}{z}$$

$$Yp = \frac{Y}{z|1} = \frac{Y}{z}$$

و مع ذلك من الممكن أن نحدث التأثير الذى نريده و الذى يحدث سابقاً بإستخدام المتغير **d** و لكن بإسلوب مختلف ، داخل الكود الخاص بنا و بمساعدة الـ **DirectX** سنستمر بإستخدام أسلوب الرؤية بزاوية ٩٠ درجة و لكن هذا سيتم خلف الستار و بعد ذلك سنقوم بإستخدام مصفوفة الرؤية **Projection Matrix** لتغيير شكل مجسماتنا قبل القسمة على المحور **Z** لإحداث تأثير الزاوية الحرة ، سنقوم بمعرفة المزيد عن مصفوفة الرؤية لاحقاً فى الدرس القادم ، و لذلك و حتى الآن سنقوم بإستخدام أسلوب الرؤية بزاوية ٩٠ درجة .

الخطوة الأخيرة الآن هي معرفة إحداثيات الشاشة لنقوم برسم المجسمات داخلها . و هذا سيتطلب منا تحويل الإحداثيات الخاصة برؤوس الكائن من إحداثيات نافذة الرؤية وهى $[-1, +1]$ إلى إحداثيات الشاشة و هى طول و عرض الشاشة و المعادلات قد تبدو كذلك :

$$\text{ScreenX} = (\text{ProjVertex.x} * \text{ScreenWidth}) / 2 + \text{ScreenWidth} / 2$$

$$\text{ScreenY} = (-\text{ProjVertex.y} * \text{ScreenHeight}) / 2 + \text{ScreenHeight} / 2$$

فالفترض أن الشاشة التى سيتم العرض عليها أبعادها 640x480 و لدينا رأس تم رسمها داخل نافذة الرؤية فى الإحداثى (0 , 0) ، لذا فهذا يعنى أنها سترسم فى منتصف الشاشة :

$$\text{ScreenX} = (0 * 640) / 2 + 640 / 2$$

$$\text{ScreenX} = 0 + 320$$

$$\text{ScreenX} = 320$$

مثال آخر و سيكون به المحور X يساوى -1 داخل نافذة الرؤية ، هذا سيجعل الرأس موجوده فى أقصى الجانب الأيسر لنافذة العرض (و كذلك أيضاً بالنسبة للشاشة) :

$$\text{ScreenX} = (-1 * 640) / 2 + 640 / 2$$

$$\text{ScreenX} = -320 + 320$$

$$\text{ScreenX} = 0$$

بالنسبة للمحور Y يتم تحويل إحداثياته إلى إحداثيات الشاشة بنفس الأسلوب السابق مع فارق واحد و هو أنه داخل مجال الرؤية المحور Y يأخذ قيمة موجبة كلما أرتفع لأعلى و يأخذ قيمة سالبة كلما إنخفض لأسفل . و هذا **معاكس** لنظام إحداثيات الشاشة حيث يكون المحور Y ذو قيمة صفر فى أعلى الشاشة و يزيد بقيمة موجبة كلما أتجهنا لأسفل ، و لذلك سنحتاج لأن نجعل قيمة المحور Y للرأس عند تحويلها لإحداثيات الشاشة أن تأخذ **إشارة عكس الإشارة الخاصة بها** أى **نقوم بضرب قيمة المحور Y فى الرقم -1** .

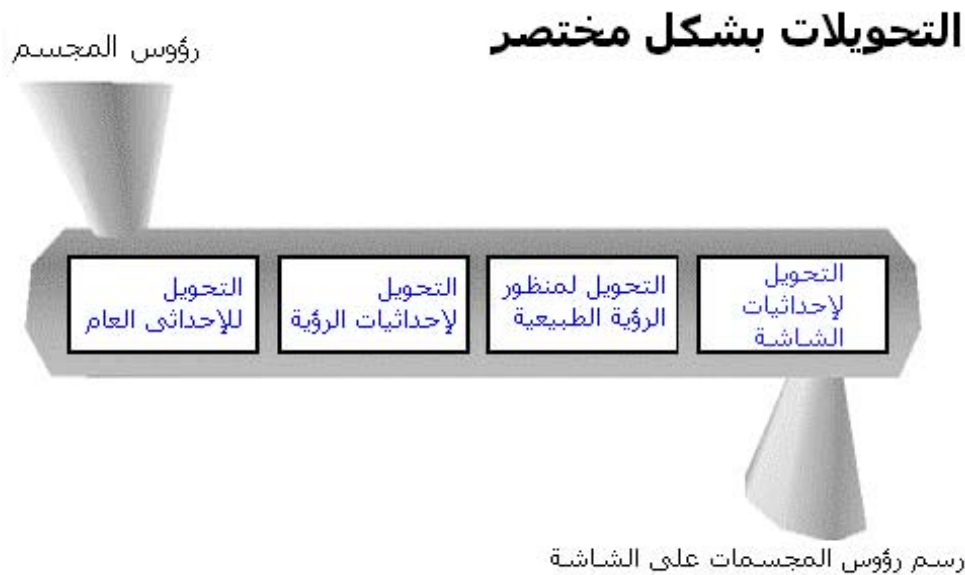
المثال التالى باتى ليجعلنا نتأكد من صحة معادلتنا ، فالفترض أن Y تساوى 1 داخل نافذة الرؤية ، و هذا يعنى أن الرأس موجه فى أعلى نافذة الرؤية (و لابد ان تكون كذلك بالنسبة للشاشة) :

$$\text{ScreenY} = - (1 * 480) / 2 + 480 / 2$$

$$\text{ScreenY} = -240 + 240$$

$$\text{ScreenY} = 0$$

بمجرد أن تكون كل رؤوس المجسمات داخل نظام إحداثيات الشاشة ، نكون بذلك جاهزين لرسم خطوط بينهم ، و الناتج هو عبارة عن مجسم مفرغ للشكل النهائى لمجسمنا .



الكود القادم هو عبارة عن كود منطقي مطور للدالة **DrawPrimitive** ، فى المثال التالى نقوم بتمرير مؤشر للكائن الذى سيتم رسم أسطحه و أيضاً تمرير مؤشر للسطح المراد رسمه ، إحتياجنا لمؤشر الكائن يتمثل فى معرفة معلومات حول إحداثياته و أيضاً معلومات عن وضعه - إحداثيات الدوران الخاصه به حتى يتم تحويل السطح المراد رسمه إلى إحداثيات اللعبة **World Space** . نقوم أسطفاً بتمرير مؤشر للكاميرا حتى نستطيع معرفة معلومات حول مكانها و إحداثيات دورانها حتى نستطيع تطبيق معادلات الرؤية عليها قبل رسمها داخل نافذة الرؤية و من ثم إلى شاشة العرض النهائية .

```

void DrawPrimitive( CObject *pObject , CPolygon *pPoly , CCamera *pCamera )
{
    CVertex CurrVertex;
    CVertex PrevVertex;

    // Retrieve object angles;
    float Opitch = pObject->RotationX;
    float Oyaw = pObject->RotationY;
    float Oroll = pObject->RotationZ;

    // Retrieve Camera angles
    float Cpitch = pCamera->RotationX;
    float Cyaw = pCamera->RotationY;
    float Croll = pCamera->RotationZ;

    // Loop round each vertex transforming as we go
    for ( USHORT v = 0; v < pPoly->m_nVertexCount + 1; v++ )
    {
        // Store the current vertex
        CurrVertex = pPoly->m_pVertex[ v % pPoly->m_nVertexCount ];

        // WORLD SPACE TRANSFORMATION
        // Apply any object rotations if applicable

        if (Opitch) // rotate object about its x axis like pitching up and down
        {
            currVertex.y = currVertex.y * cos(Opitch) -
                currVertex.z * sin(Opitch);

            currVertex.z = currVertex.y * sin(Opitch) +
                currVertex.z * cos(Opitch);
        } // End if Pitch

        if (Oyaw) // rotate object about its Y axis like yawing left/right
        {
            currVertex.x = currVertex.x * cos(Oyaw) +
                currVertex.z * sin(Oyaw);

            currVertex.z = currVertex.x * -sin(Oyaw) +
                currVertex.z * cos(Oyaw);
        } // End if Yaw

        if (Oroll) // rotate object about its Z axis like rolling left or right
        {
            currVertex.x = currVertex.x * cos(Oroll) +
                currVertex.y * sin(Oroll);

            currVertex.y = currVertex.x * sin(Oroll) +
                currVertex.y * cos(Oroll);
        } // End if Roll

        // Now move the vertex into its world space position
        currVertex.x += pObject.PositionX;
    }
}

```

```

currVertex.y += pObj.PositionY;
currVertex.z += pObj.PositionZ;

// VIEW SPACE TRANSFORMATION
// subtract the camera position from the vertex so its position is
// relative to the camera with the camera at the origin

currVertex.x -= pCam->PositionX;
currVertex.y -= pCam->PositionY;
currVertex.z -= pCam->PositionZ;

// if the camera is rotated, rotate the world the opposite way
// but the only difference
// from the object rotation is the negated parameter

if (Cpitch) // rotate camera about its x axis like pitching up and down
{
    currVertex.y = currVertex.y * cos(-Cpitch) -
        currVertex.z * sin(-Cpitch);

    currVertex.z = currVertex.y * sin(-Cpitch) +
        currVertex.z * cos(-Cpitch);
} // End if Pitch

if (Cyaw) // rotate cam around its Y axis
{
    currVertex.x = currVertex.x * cos(-Cyaw) +
        currVertex.z * sin(-Cyaw);

    currVertex.z = currVertex.x * -sin(-Cyaw) +
        currVertex.z * cos(-Cyaw);
} // End if Yaw

if (Croll) // rotate camera about its Z axis like rolling left or right
{
    currVertex.x = currVertex.x * cos(-Croll) +
        currVertex.y * sin(-Croll);

    currVertex.y = currVertex.x * sin(-Croll) +
        currVertex.y * cos(-Croll);
} // End if Roll

// PERSPECTIVE PROJECTION TRANSFORMATION
// divide x and y by z to project point onto 2D projection
// window in the -1 to +1 range

currVertex.x /= currVertex.z;
currVertex.y /= currVertex.z;

// SCREEN SPACE TRANSFORMATION
// Convert to screen space coordinates

vtxCurrent.x = vtxCurrent.x * SCREENWIDTH / 2 +

```

```

        SCREENWIDTH / 2;

    vtxCurrent.y = -vtxCurrent.y * SCREENHEIGHT / 2 +
        SCREENHEIGHT / 2;

    // If this is the first vertex, continue. This is the first
    // point of our first line.

    if ( v == 0 )
    {
        vtxPrevious = vtxCurrent;
        continue;
    }

    // Draw the line between this one and the previous vertex in the loop
    DrawLine( vtxPrevious, vtxCurrent, 0 );

    // Store this as new line's first point
    vtxPrevious = vtxCurrent;

} // Next Vertex
}

```

بعدها يتم إستدعاء الدالة السابقة لكل وجه داخل كل كائن موجود داخل العلم التخيلي، سنجد امامنا نسخة ثنائية الابعاد لمجسماتنا الثلاثية الابعاد من خلا كاميراتنا الوهمية .

ملحق الكلمات

الكلمة : Game Engine معناها : محرك اللعبة الشرح : هو مجموعة من الملفات التى تستخدم فى التحكم فى مسار تشغيل اللعبة
الكلمة : Renderer ، Rendering Engine معناها : محرك الإكساء الشرح : يستخدم فى إكساء المجسمات و إظهارها على الشاشة
الكلمة : DirectX API معناها : ----- الشرح : هى مجموعة من الـ Classes المستخدمة فى برمجة الـ Graphics و الـ Multimedia
الكلمة : Maya , 3D Studio Max معناها : ----- الشرح : أسماء بعض البرامج المستخدمة فى صناعة الـ 3D
الكلمة : Meshes , Models , Objects , 3D Models معناها : مجسمات ثلاثية الأبعاد الشرح : و هى مثل أى شئ .. سيارة ، كوكب ، طائرة ، إنسان ، حيوان و غيرهم
الكلمة : Face , Polygons معناها : سطح أو وجه الشرح : و هو مجموعة من النقاط – رؤوس – وصلت معاً لتكون وجه ، و مجموعة من الأسطح تكون مجسم Mesh
الكلمة : Texture Maps معناها : المكسيات الشرح : هى مجموعة من الصور التى توضع على المجسمات الـ 3D لتجعلها تعبر عن شكل معين.
الكلمة : Geometry معناها : شكل هندسى تم إنشائه رياضياً الشرح : هو أحد الأشكال الهندسية البسيطة مثل مكعب ، أنبوب ، براد إلخ
الكلمة : Coordinate Systems معناها : نظم الإحداثيات الشرح : هى إحدى خطوط الأعداد المستخدمة فى وصف العلاقات فى الفراغ
الكلمة : Origin معناها : نقطة الأصل أو مركز الإحداثيات الشرح : هى النقطة التى تتقاطع عندها خطوط الأعداد المستخدمة فى نظم الإحداثيات و موقعها دائماً يكون (0 , 0) فى الأنظمة ثنائية الأبعاد
الكلمة : Screen Coordinate System معناها : نظام إحداثيات الشاشة الشرح : هو النظام المستخدم فى الرسم داخل شاشات الكمبيوتر و فيه لا وجود للأرقام السالبة

الكلمة : Pixels معناها : ----- الشرح : هى نقطة على الشاشة و لها خصائص مثل اللون و الشفافيه
الكلمة : 2D Cartesian Coordinate System معناها : نظام الإحداثيات الديكارتي للأشكال ثنائية الأبعاد الشرح : و هو نظام رياضى يستخدم لتمثيل البيانات على خطين من خطوط الأعداد
الكلمة : 3D Cartesian Coordinate System معناها : نظام الإحداثيات الديكارتي للأشكال ثلاثية الأبعاد الشرح : و هو نظام رياضى يستخدم لتمثيل البيانات على 3 خطوط من خطوط الأعداد
الكلمة : X , Y , Z معناها : ----- الشرح : هى رموز تمثل خطوط الاعداد المستخدمة فى نظم الإحداثيات
الكلمة : Axis معناها : محور الشرح : و هو أسم يطلق على خط من خطوط الأعداد مثل محور ال Y
الكلمة : Left-Handed System معناها : قاعدة اليد اليسرى الشرح : و هى أحد القواعد المستخدمة فى نظم الإحداثيات ال 3D و هى تفترض أن محور ال Z يزيد للأمام – أى كلما نظرنا للأمام
الكلمة : Right-Handed System معناها : قاعدة اليد اليمنى الشرح : و هى أحد القواعد المستخدمة فى نظم الإحداثيات ال 3D و هى تفترض أن محور ال Z يزيد للخلف
الكلمة : OpenGL معناها : ----- الشرح : أحد المكتبات المستخدمة فى برمجة ال Graphics
الكلمة : Object Local Space , Model Space معناها : فضاء المجسم الخاص الشرح : و هو مكان حيث يكون نقطة الأصل للمجسم حيث تتقاطع جميع أوتاره – مركز المجسم
الكلمة : 3D Point , Vertex معناها : رأس الشرح : هى مجموعة متكاملة من البيانات تصف نقطة واحدة داخل نظام 3D
الكلمة : Back Face Culling معناها : إخفاء السطح الخلفى الشرح : هو أسلوب برمجي يقوم على عدم رسم الأسطح الموجودة خلف المستخدم
الكلمة : Winding Order معناها : ترتيب الرؤوس على الشاشة الشرح : هو رسم الرؤوس بإسلوب مرتب حتى يمكن رسم خط بين كل نقطتين متقابلتين و متتاليتين على سطح واحد

Polygon Winding Order : الكلمة معناها : ترتيب الرؤوس على الأسطح الشرح : هو ترتيب الرؤوس فى إتجاه عقارب الساعة
Translation : الكلمة معناها : نقل الإحداثيات الشرح : هو إضافة إحداثى معين إلى كل رؤوس سطح معين حتى يتم نقله من مكانه إلى مكان آخر و هى عملية تتم فقط على الرؤوس
Transformation : الكلمة معناها : تحويل الإحداثيات الشرح : هى عملية تحريك مجسم من مكان إلى آخر بعد نقل رؤوسه و عملية تحويل الإحداثيات تتم فقط على الأسطح و المجسمات
World Space : الكلمة معناها : المجال العام او فضاء العالم التخيلى أو فضاء اللعبة الشرح : و هو المكان الذى تتواجد داخله جميع عناصر اللعبة من مجسمات إلخ
Instancing : الكلمة معناها : ----- الشرح : هى عملية إنشاء أكثر من كائن من نفس النوع كأن تنشئ 3 كائنات و نوعهم CVertex
Frame : الكلمة معناها : ----- الشرح : و يمثل مرحلة من مراحل تحرك كائن ما داخل فضاء العالم التخيلى
Animation : الكلمة معناها : حركة الشرح : هى عملية تحرك كائن معين من مكان إلى آخر
Rotation : الكلمة معناها : تدوير الشرح : هو عملية يتم فيها دوران كائن ما حول شئ ما - نقطة الأصل مثلاً
Degree : الكلمة معناها : درجة الشرح : هو نظام قياسى يتم فيه قياس الزوايا بالدرجات
Radian : الكلمة معناها : ----- الشرح : هو نظام يتم التعبير عن زاوية معينة برقم عشرى
Camera : الكلمة معناها : كاميرا الشرح : هى كائن برمجي يتيح للاعب رؤية ما يواجهه الكاميرا
Field Of View (FOV) , View Space , Camera Space : الكلمة معناها : نظام الكاميرات ، منطقة الرؤية ، مجال الرؤية الشرح : هو إمكانية رؤية ما تواجهه الكاميرا

الكلمة : Pitch معناها : ----- الشرح : تمثل التحرك لأعلى و أسفل حول المحور X
الكلمة : Yaw معناها : ----- الشرح : تمثل التحرك لليمين و اليسار حول المحور Y
الكلمة : Roll معناها : ----- الشرح : تمثل التحرك للأمام و الخلف حول المحور Z
الكلمة : Shrink معناها : تتقلص أو تصغر الشرح : هذا المصطلح يطلق على الكائنات عندما تقترب من مركز الرؤية
الكلمة : Grow معناها : تنمو أو تكبر الشرح : هذا المصطلح يطلق على الكائنات عندما تبتعد عن مركز الرؤية
الكلمة : Coordinate (Clip-Space , Projection Space , Viewport Space) معناها : نظام الرؤية المحدودة ، نظام الرؤية المختصر ، نظام عرض الصورة المتحركة الشرح : هو نظام إحداثى يستخدم للتعبير عن أحداثيات الرؤية داخل مجال الكاميرا عن طريق إحداثيات ثنائية الأبعاد
الكلمة : Projection Window معناها : نافذة الرؤية الحالية أو نافذة العرض الشرح : هى نافذة وهمية تستخدم لتحديد مجال الرؤية الذى سوف يتم عرضه بعد ذلك
الكلمة : d (in formula) معناها : ----- الشرح : هذا الحرف إختصار للكلمة (distance) و تعنى مسافة و تشير إلى المسافة بين نافذة العرض و الكاميرا و هذه المسافة هى التى تحدد مساحة الرؤية
الكلمة : Vector معناها : المتجه الشرح : هو كيان رياضى يصف مكان و طول نقطة معينة فى الفراغ
الكلمة : Vector Magnitude معناها : طول المتجه الشرح : هى عملية رياضية تهدف الحصول على طول متجه باستخدام نظرية فيثاغورس
الكلمة : Collision Detection System معناها : نظام أكتشاف التصادمات الشرح : يستخدم هذا الأسلوب لمنع الكائنات من الإندماج فى حالة حدوث إصطدام بينهم
الكلمة : Scalar معناها : رقم , عدد الشرح : هو أى قيمة رقمية ايّاً كانت